

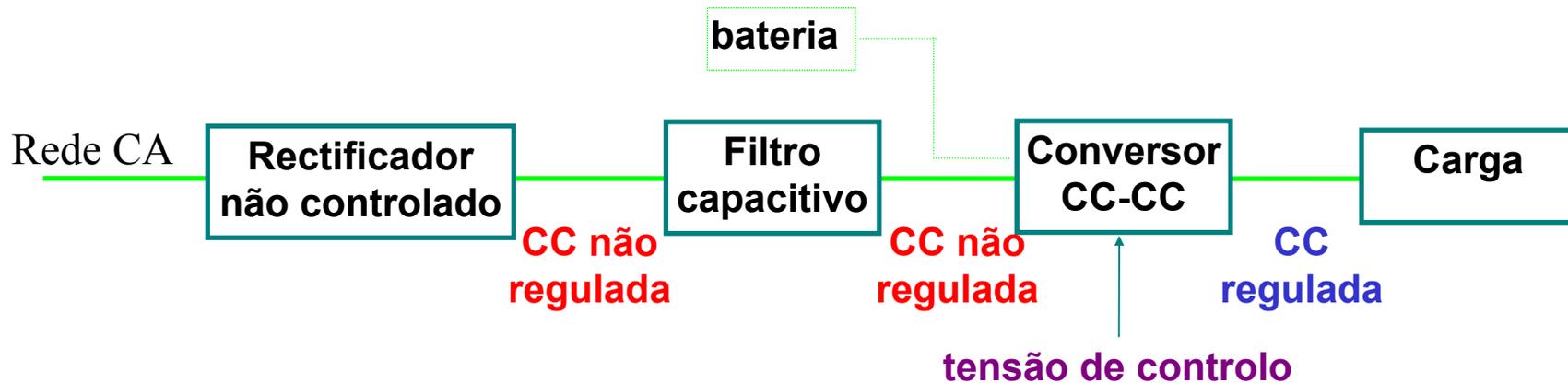
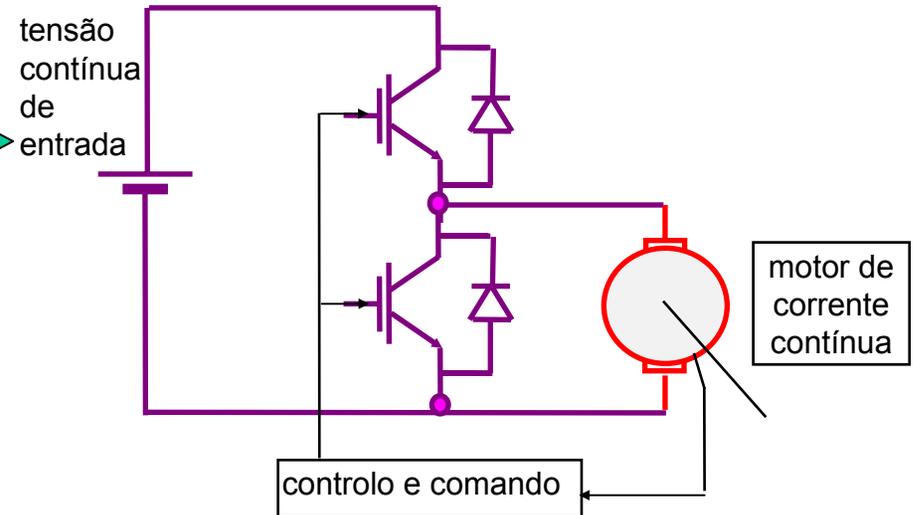
CONVERSORES CC-CC

Aplicações:

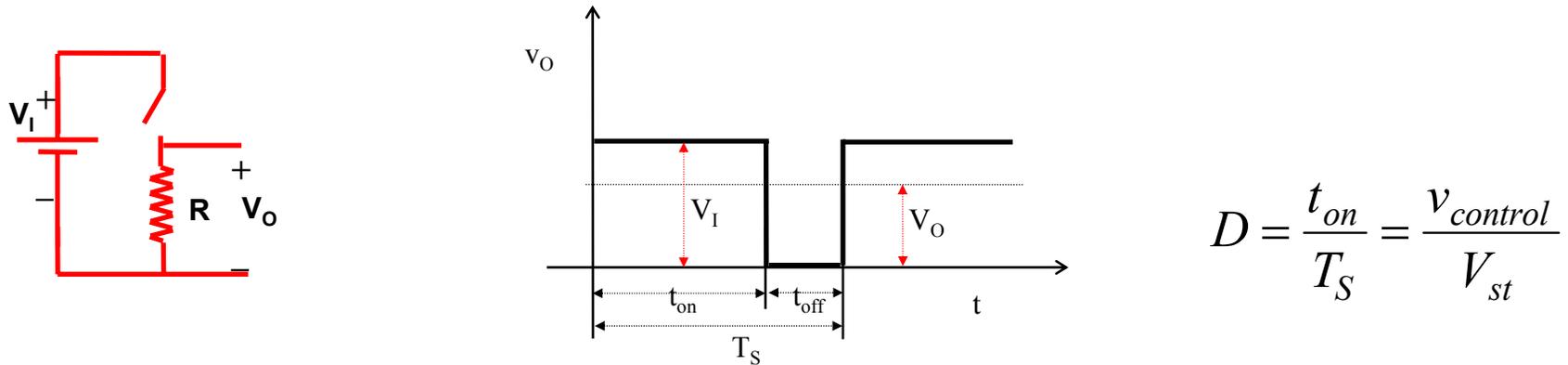
Controlo de motores de CC-CC

Fontes de alimentação comutadas

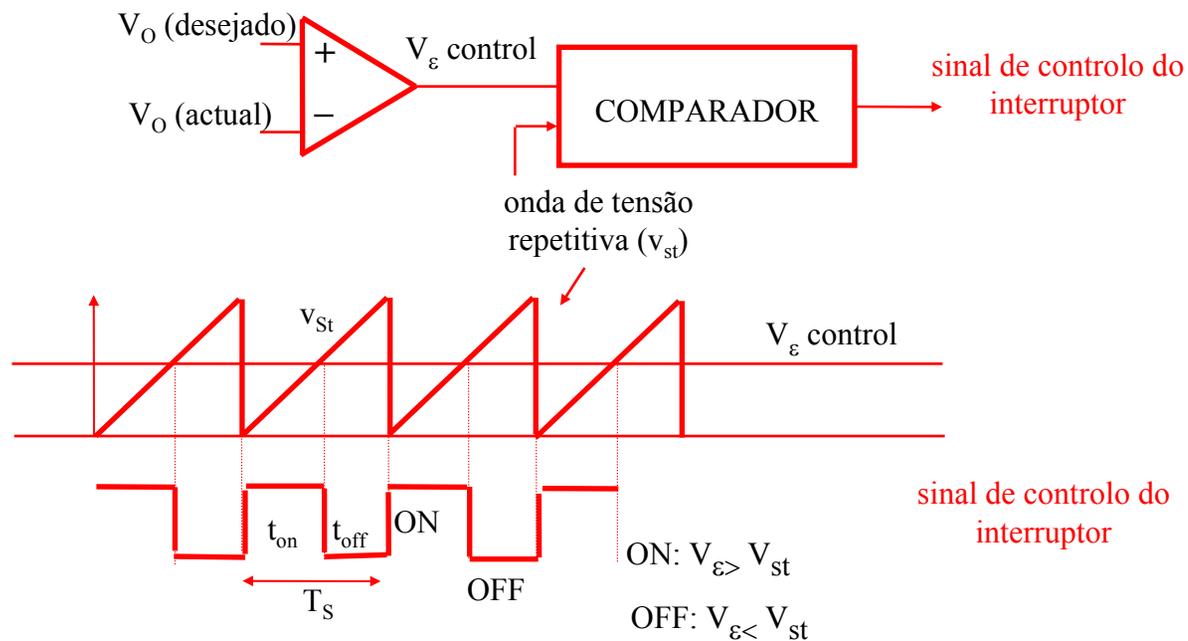
Carga de baterias



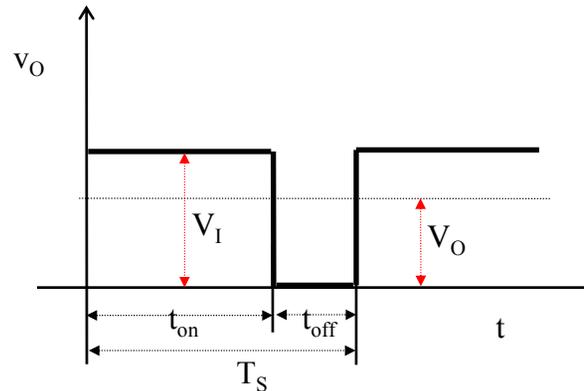
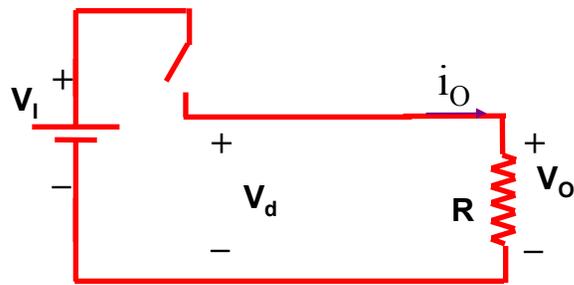
Controlo por modulação de largura de impulso - MLI "PWM"



$$D = \frac{t_{on}}{T_s} = \frac{v_{control}}{V_{st}}$$



Conversor redutor de um quadrante com carga resistiva



$$D = \frac{t_{on}}{T_S} = \frac{V_O}{V_I}$$

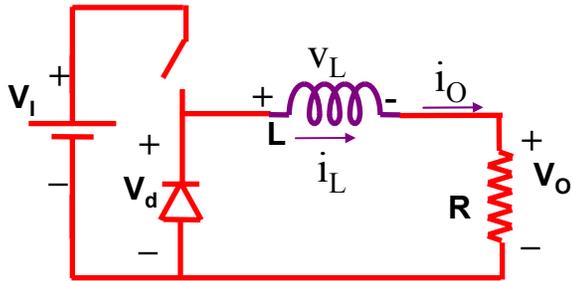
Valor médio da tensão e da corrente na carga

$$V_O = \frac{1}{T_S} \int_0^{T_S} v_o(t) dt = \frac{1}{T_S} \left(\int_0^{t_{on}} v_I dt + \int_{t_{on}}^{T_S} 0 dt \right) = \frac{t_{on}}{t_s} V_I = D V_I \quad I_O = \frac{V_O}{R}$$

Valor eficaz da tensão e da corrente na carga

$$V_{Oef} = \left[\frac{1}{T_S} \int_0^{T_S} (v_o(t))^2 dt \right]^{\frac{1}{2}} = \left[\frac{1}{T_S} \int_0^{t_{on}} V_I^2 dt \right]^{\frac{1}{2}} = \left[\frac{V_I^2}{T_S} t_{on} \right]^{\frac{1}{2}} = V_I \sqrt{\frac{t_{on}}{T_S}} = V_I \sqrt{D}$$
$$I_O = \frac{V_{Oef}}{R}$$

Conversor redutor de um quadrante com carga RL

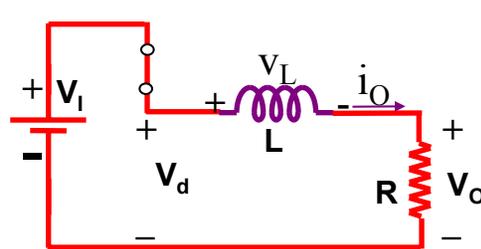


$$v_O = Ri_O + L \frac{di_O}{dt}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} V_I = Ri_O + L \frac{di_O}{dt} \\ 0 = Ri_O + L \frac{di_O}{dt} \end{array} \right.$$

Modo 1

S on D off
 $0 < t < DT$
 $v_O = V_I$



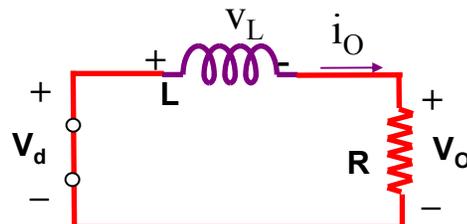
$$i_{Olivre} = Ae^{-\frac{R}{L}t}$$

$$i_{Oforçado} = \frac{V_I}{R}$$

$$\Rightarrow i_{O1} = Ae^{-\frac{R}{L}t} + \frac{V_I}{R}$$

Modo 2

S off D on
 $DT < t < T$
 $v_O = 0$



$$i_{Olivre} = Be^{-\frac{R}{L}(t-t_{on})}$$

$$i_{Oforçado} = 0$$

$$\Rightarrow i_{O2} = Be^{-\frac{R}{L}(t-t_{on})}$$

Condições de regime permanente:

$$i_{O1} = Ae^{-\frac{R}{L}t} + \frac{V_I}{R} \quad i_{O2} = Be^{-\frac{R}{L}(t-t_{on})}$$

$$i_{O1}(0) = i_{O2}(T)$$

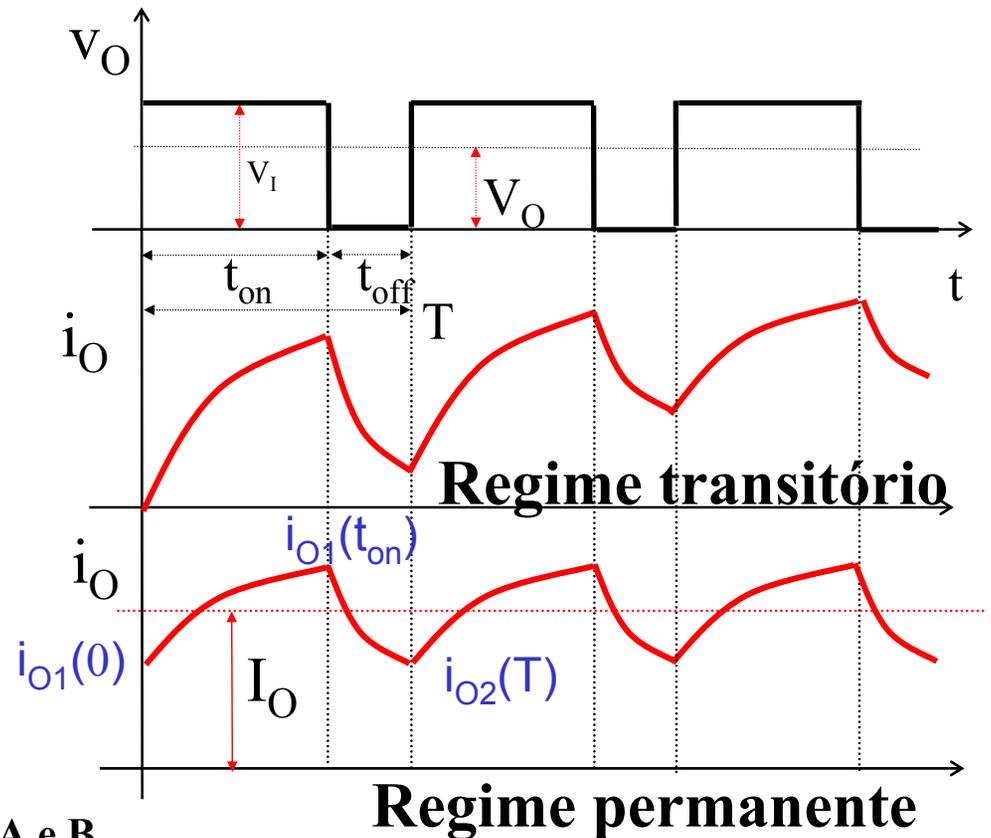
$$i_{O1}(t_{on}) = i_{O2}(t_{on})$$

$$\begin{cases} i_{O1}(t_{on}) = Ae^{-\frac{R}{L}t_{on}} + \frac{V_I}{R} = Be^0 = i_{O2}(t_{on}) \\ i_{O1}(0) = Ae^0 + \frac{V_I}{R} = Be^{-\frac{R}{L}(T-t_{on})} = i_{O2}(T) \end{cases}$$

Resolvendo o sistema de equações determina-se A e B

$$A = \frac{V_I}{R} \frac{-1 + e^{-\frac{R}{L}(T-t_{on})}}{1 - e^{-\frac{R}{L}(T)}}$$

$$B = \frac{V_I}{R} \frac{1 - e^{-\frac{R}{L}(t_{on})}}{1 - e^{-\frac{R}{L}(T)}}$$



Factor de ciclo

$$D = \frac{t_{on}}{T} = \frac{V_O}{V_I}$$

Valor médio da tensão na carga

$$V_O = \frac{t_{on}}{T} V_I = DV_I$$

Valor eficaz da tensão na carga

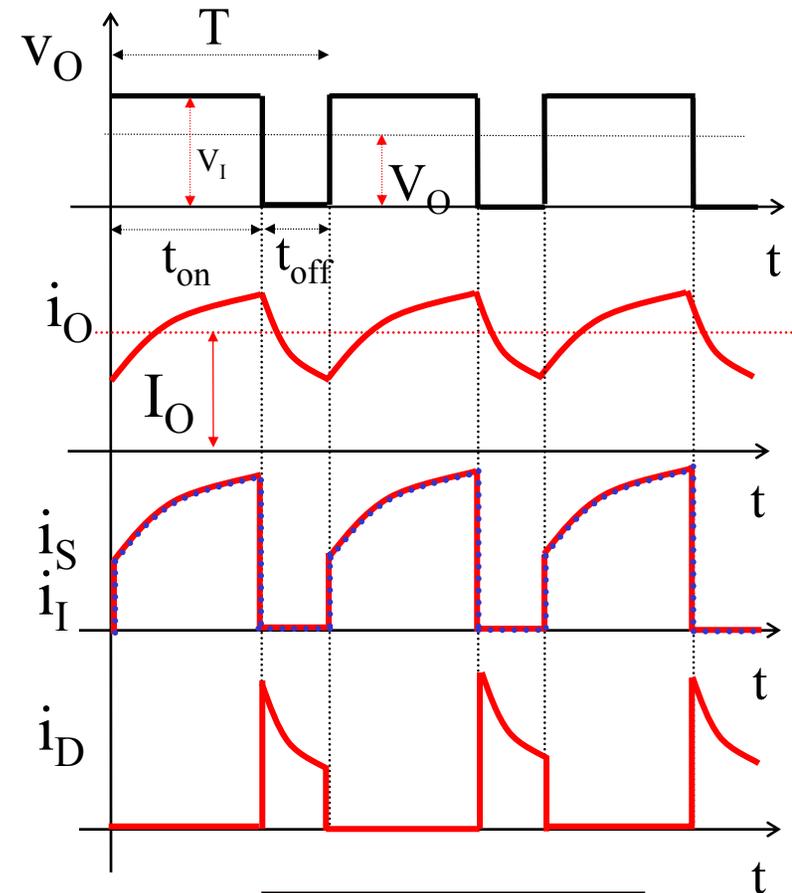
$$V_{Oef} = V_I \sqrt{\frac{t_{on}}{T_S}} = V_I \sqrt{D}$$

Valor médio da corrente na carga

$$I_O = \frac{V_O}{R}$$

Valor eficaz da corrente na carga

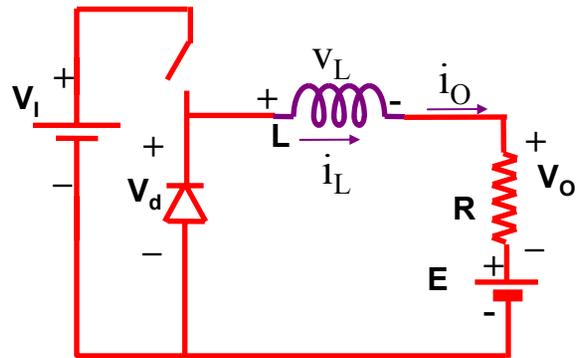
$$I_{Oef} = \left[\frac{1}{T} \int_0^T i_O(t)^2 dt \right]^{\frac{1}{2}} = \left[\frac{1}{T} \left(\int_0^{t_{on}} i_{O1}^2 dt + \int_{t_{on}}^T i_{O2}^2 dt \right) \right]^{\frac{1}{2}}$$



$$i_{O1} = Ae^{-\frac{R}{L}t} + \frac{V}{R}$$

$$i_{O2} = Be^{-\frac{R}{L}(t-t_{on})}$$

Conversor redutor de um quadrante com carga RLE



$$v_O = Ri_O + L \frac{di_O}{dt} + E$$

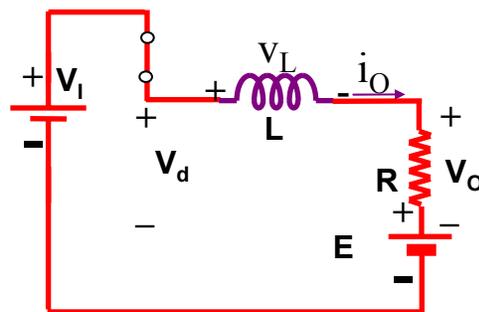
$$\begin{cases} V_I = Ri_O + L \frac{di_O}{dt} + E \\ 0 = Ri_O + L \frac{di_O}{dt} + E \end{cases}$$

Modo 1

S on D off

$$0 < t < DT$$

$$v_O = V_I$$



$$i_{Olivre} = Ae^{-\frac{R}{L}t}$$

$$i_{Oforçado} = \frac{V_I - E}{R}$$

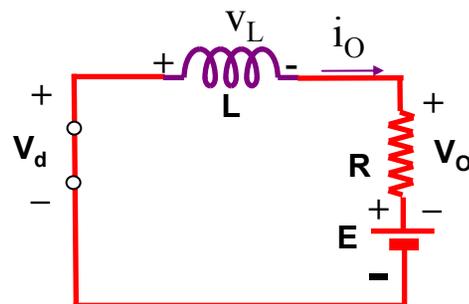
$$i_{O1} = Ae^{-\frac{R}{L}t} + \frac{V_I - E}{R}$$

Modo 2

S off D on

$$DT < t < T$$

$$v_O = 0$$



$$i_{Olivre} = Be^{-\frac{R}{L}(t-t_{on})}$$

$$i_{Oforçado} = -\frac{E}{R}$$

$$i_{O2} = Be^{-\frac{R}{L}(t-t_{on})} - \frac{E}{R}$$

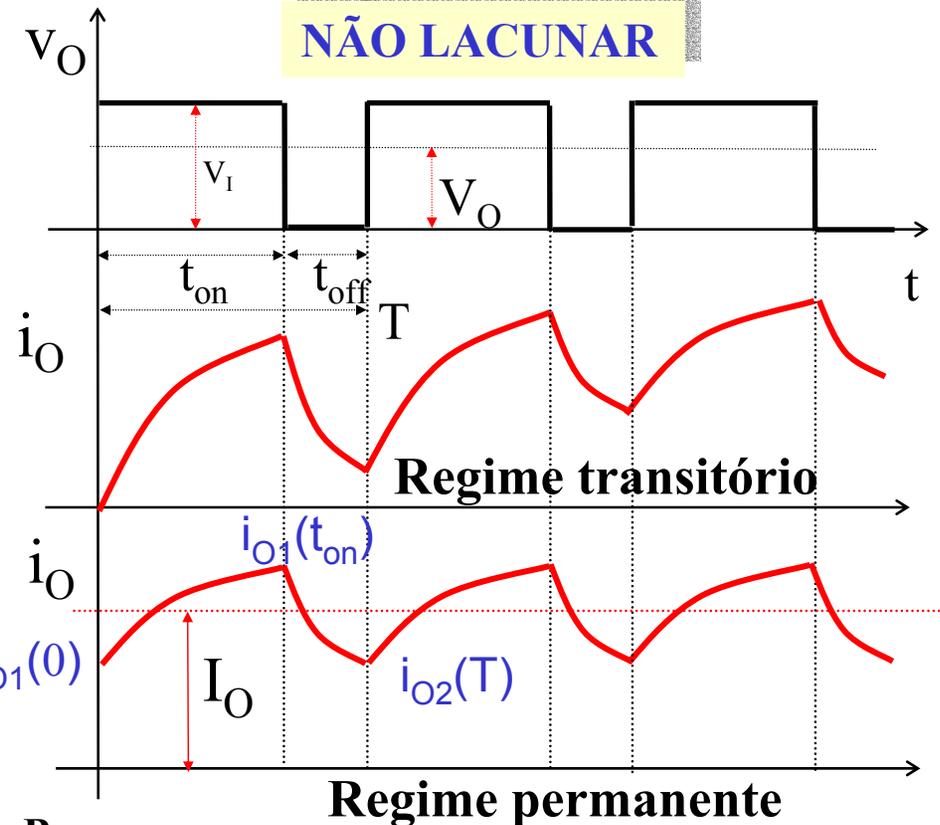
Condições de regime permanente:

$$i_{O1} = Ae^{-\frac{R}{L}t} + \frac{V_I - E}{R}i_{O2} = Be^{-\frac{R}{L}(t-t_{on})} - \frac{E}{R}$$

$$i_{O1}(0) = i_{O2}(T)$$

$$i_{O1}(t_{on}) = i_{O2}(t_{on})$$

$$\begin{cases} i_{O1}(t_{on}) = Ae^{-\frac{R}{L}t_{on}} + \frac{V_I - E}{R} = Be^0 - \frac{E}{R} = i_{O2}(t_{on}) \\ i_{O1}(0) = Ae^0 + \frac{V_I - E}{R} = Be^{-\frac{R}{L}(T-t_{on})} - \frac{E}{R} = i_{O2}(T) \end{cases}$$



Resolvendo o sistema de equações determina-se A e B

$$A = \frac{V_I - E}{R} \frac{-1 + e^{-\frac{R}{L}(T-t_{on})}}{1 - e^{-\frac{R}{L}(T)}}$$

$$B = \frac{V_I - E}{R} \frac{1 - e^{-\frac{R}{L}(t_{on})}}{1 - e^{-\frac{R}{L}(T)}}$$

Factor de ciclo $D = \frac{t_{on}}{T} = \frac{V_O}{V_I}$

Valor médio da tensão na carga (**não lacunar**)

$$V_O = \frac{t_{on}}{T} V_I = DV_I$$

Valor eficaz da tensão na carga (**não lacunar**)

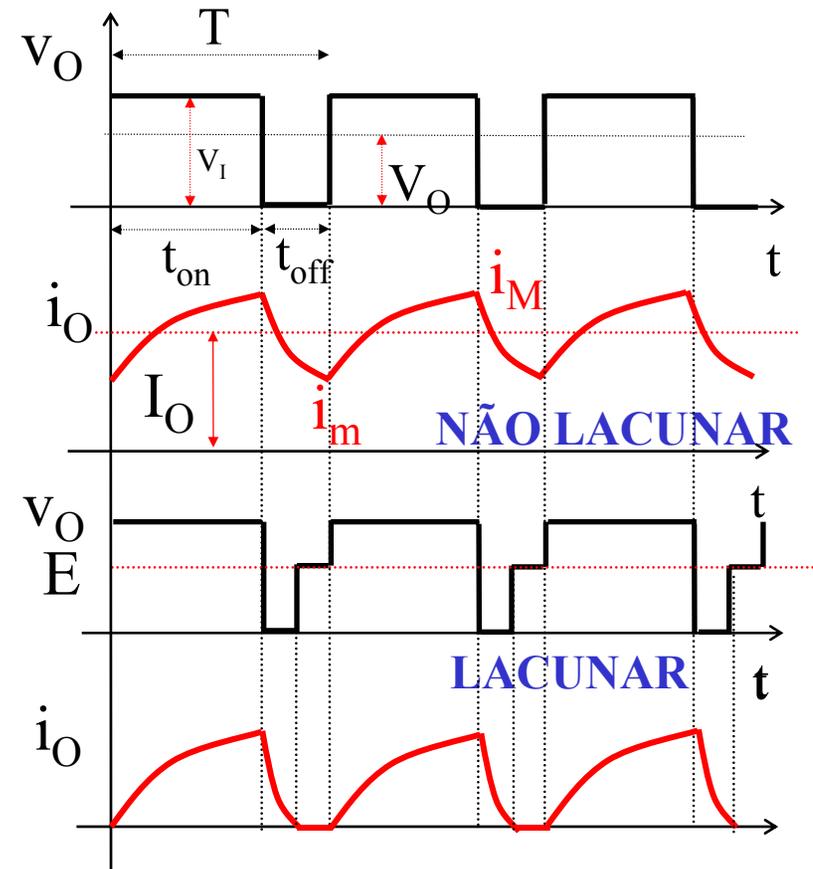
$$V_{Oef} = V_I \sqrt{\frac{t_{on}}{T_S}} = V_I \sqrt{D}$$

Valor médio da corrente na carga

$$I_O = \frac{V_O - E}{R}$$

Valor eficaz da corrente na carga

$$I_{Oef} = \left[\frac{1}{T} \int_0^T i_O(t)^2 dt \right]^{\frac{1}{2}} = \left[\frac{1}{T} \left(\int_0^{t_{on}} i_{O1}^2 dt + \int_{t_{on}}^T i_{O2}^2 dt \right) \right]^{\frac{1}{2}}$$



$$i_{O1} = Ae^{-\frac{R}{L}t} + \frac{V_I - E}{R}$$

$$i_{O2} = Be^{-\frac{R}{L}(t-t_{on})} - \frac{E}{R}$$

A relação V_O/V_I depende do ponto de anulamento da corrente, isto é, da carga

Valor médio da tensão na carga (**lacunar**)

$$V_O = \frac{1}{T} \int_0^T v_O(t) dt = \frac{1}{T} \left(\int_0^{t_{on}} V_I dt + \int_{t_1}^T E dt \right)$$

Valor eficaz da tensão na carga (**lacunar**)

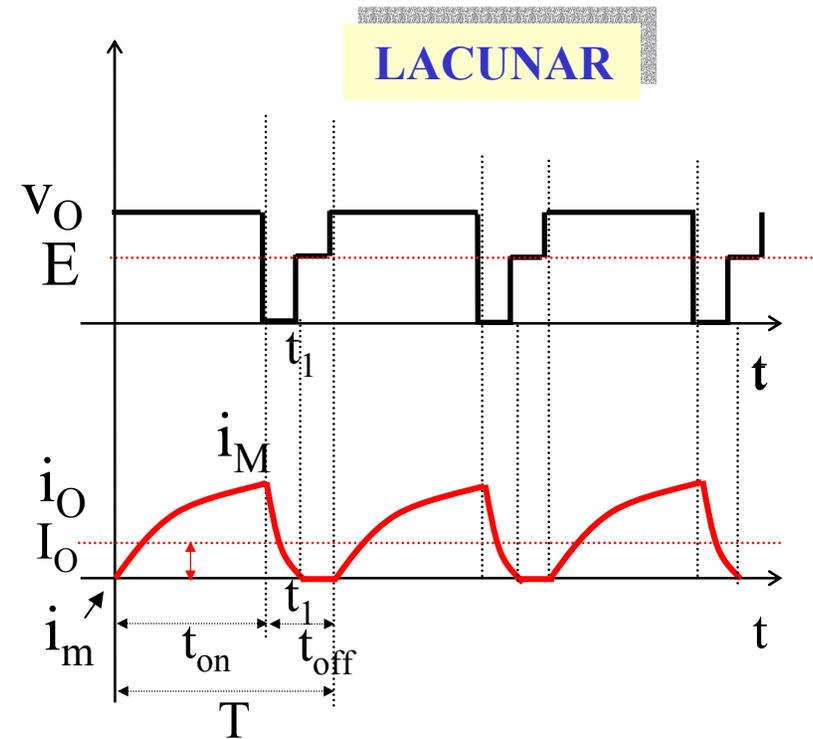
$$V_O = \left[\frac{1}{T} \int_0^T v_O(t)^2 dt \right]^{\frac{1}{2}} = \left[\frac{1}{T} \left(\int_0^{t_{on}} V_I^2 dt + \int_{t_1}^T E^2 dt \right) \right]^{\frac{1}{2}}$$

Valor médio da corrente na carga

$$I_O = \frac{V_O - E}{R}$$

Valor eficaz da corrente na carga

$$I_{Oef} = \left[\frac{1}{T} \int_0^T i_O(t)^2 dt \right]^{\frac{1}{2}} = \left[\frac{1}{T} \left(\int_0^{t_{on}} i_{O1}^2 dt + \int_{t_{on}}^T i_{O2}^2 dt \right) \right]^{\frac{1}{2}}$$



$$i_{O1} = A e^{-\frac{R}{L}t} + \frac{V_I - E}{R}$$

$$i_{O2} = B e^{-\frac{R}{L}(t-t_{on})} - \frac{E}{R}$$

i_M = valor máximo da corrente

$$i_M = A e^{-\frac{R}{L} t_{on}} + \frac{V_I - E}{R}$$

i_m = valor mínimo da corrente

$$i_m = i_M e^{-\frac{R}{L}(t-T)} - \frac{E}{R}$$

Considerando o valor das constantes A e B, e sendo i_M o valor da corrente i_{O1} em $t=t_{on}$ e o valor de i_m o valor da corrente i_{O2} em $t=T$ obtêm-se os valores máximo e mínimo da corrente:

$$I_M = \frac{V_I - E}{R} \frac{1 - e^{-\frac{R}{L}(t_{on})}}{1 - e^{-\frac{R}{L}(T)}}$$

$$I_m = \frac{V_I - E}{R} \frac{1 - e^{-\frac{R}{L}(t_{on})}}{1 - e^{-\frac{R}{L}(T)}}$$

O ponto de anulamento dá-se para $i_m = 0$



$$0 = \frac{V_I - E}{R} \frac{1 - e^{-\frac{R}{L}(t_{on})}}{1 - e^{-\frac{R}{L}(T)}}$$



A equação anterior estabelece a fronteira entre o funcionamento lacunar e não lacunar, a partir da qual se determinam as curvas características do funcionamento do conversor redutor de um quadrante, com carga R,L e E

Funcionamento do conversor redutor de um quadrante com carga R,L e E (Curvas Características)

$$0 = \frac{V - E}{R} \frac{1 - e^{-\frac{R}{L}(t_{on})}}{1 - e^{-\frac{R}{L}T}}$$

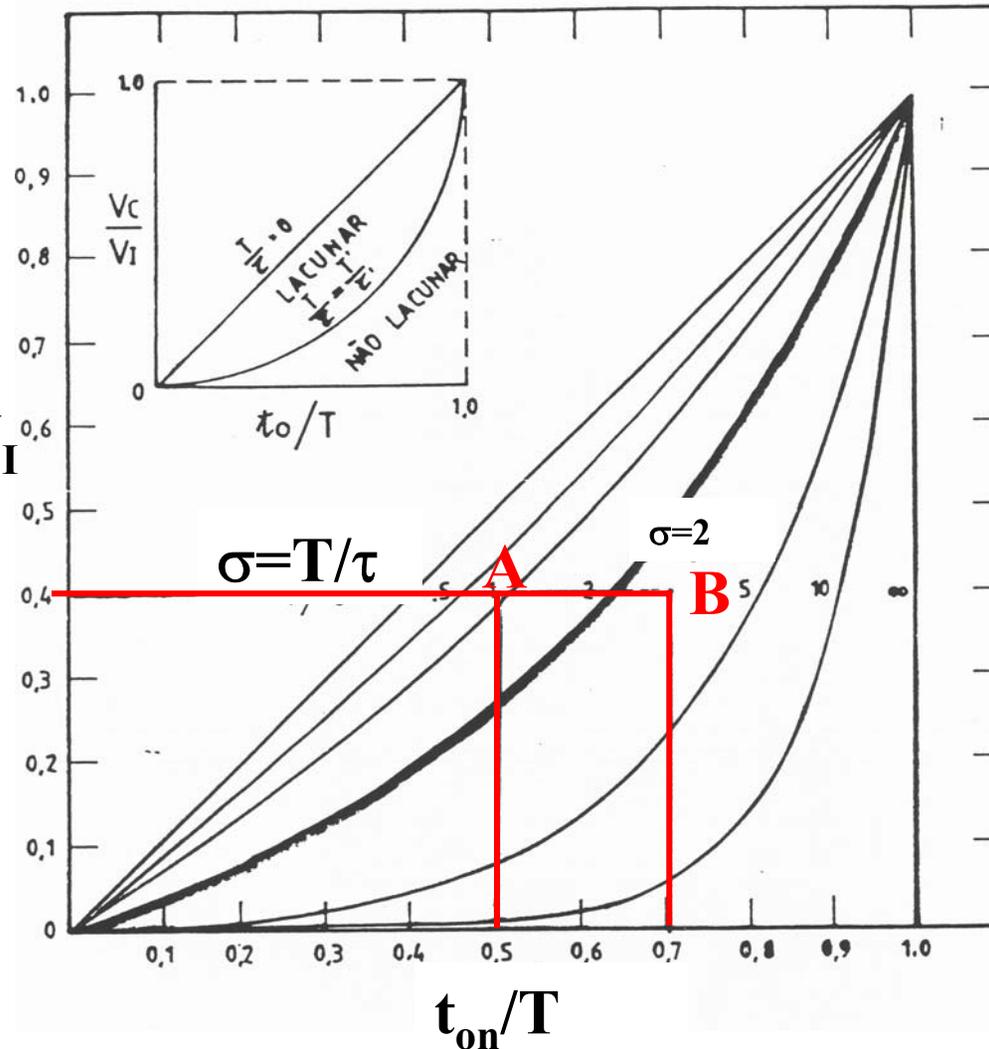


E/V_I

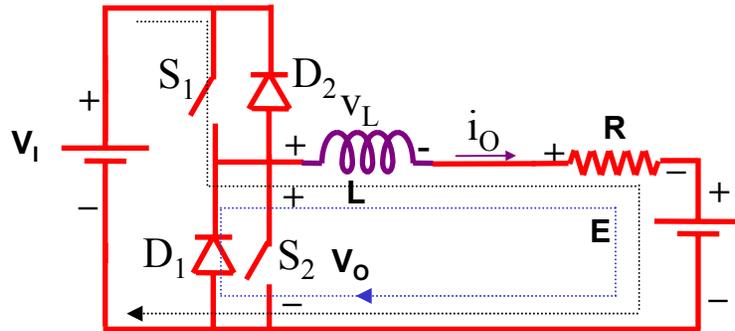
$$\sigma = T/\tau = TR/L$$

A LACUNAR

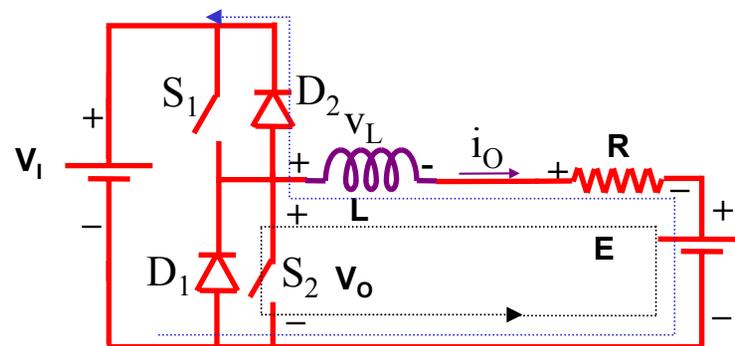
B NÃO LACUNAR



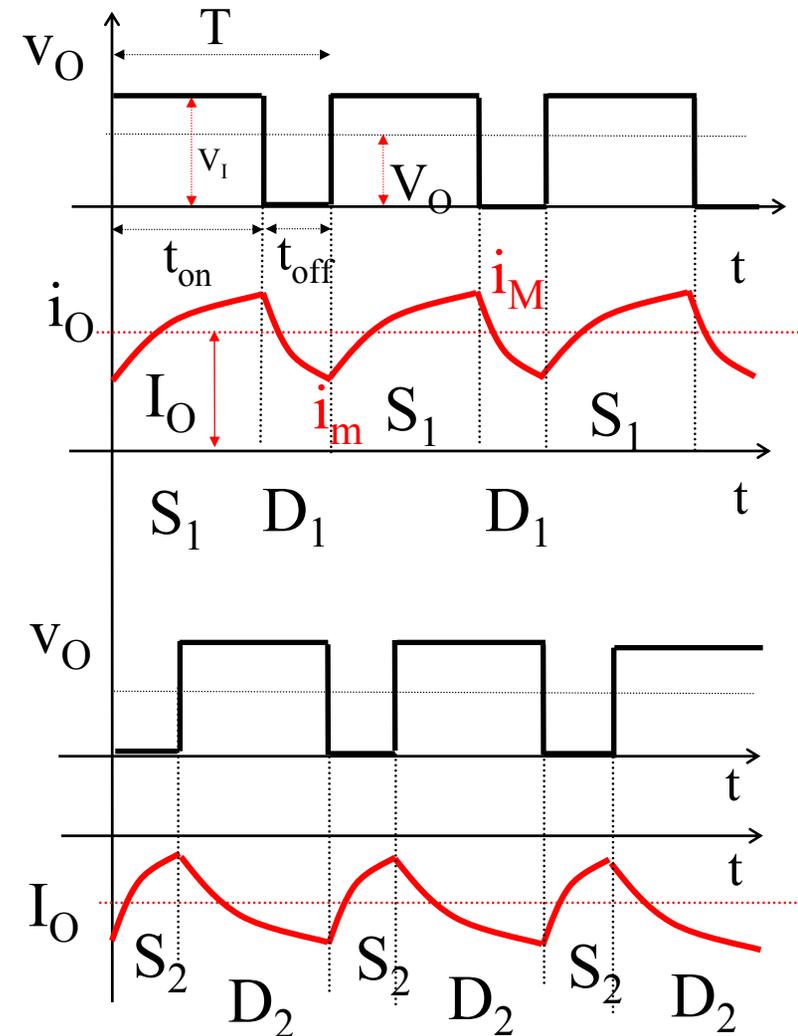
Conversor redutor de dois quadrantes com carga RLE



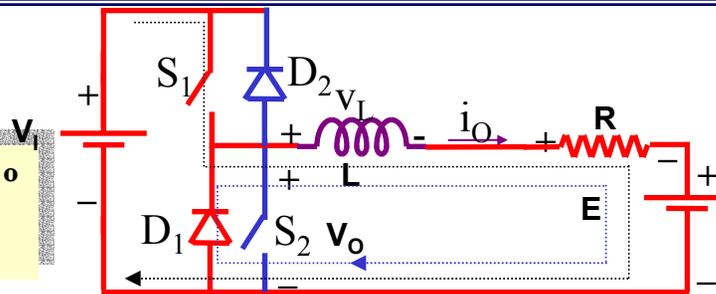
Operação no 1º quadrante opera S1 e D1 arranque e controlo de velocidade de um MCC (corrente e tensão positivas)



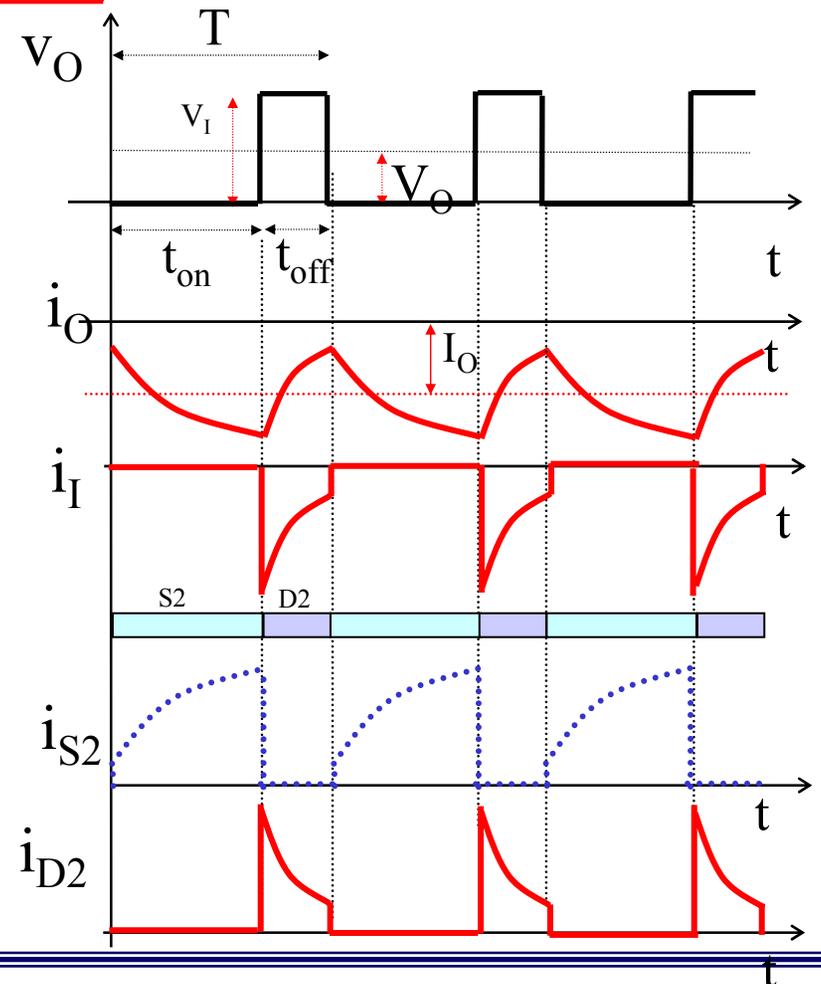
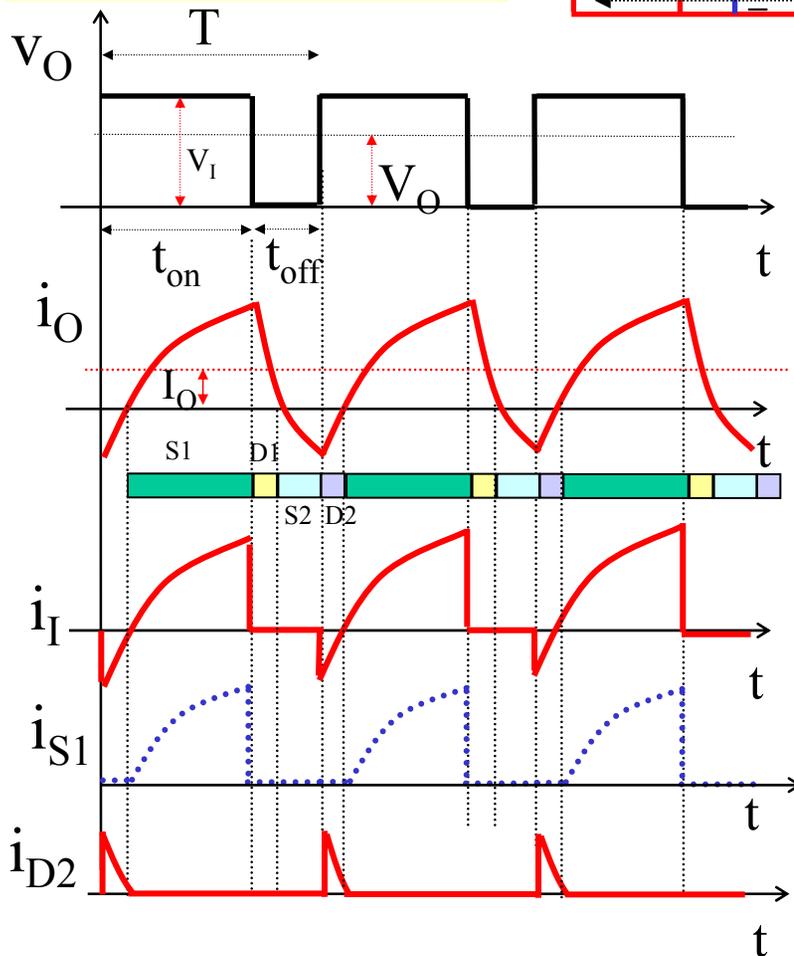
operação no 2º quadrante opera S2 e D2 travagem de um MCC com envio de energia para a fonte (corrente negativa e tensão positiva)

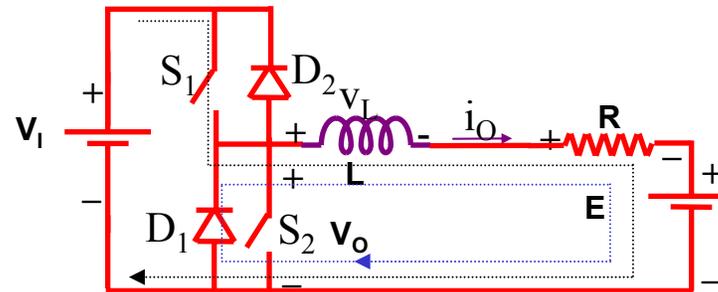


Funcionamento no 1º quadrante $I_O > 0$



Funcionamento no 2º quadrante $I_O < 0$





Potência de entrada P_I

$$P_I = \frac{1}{T} \int_0^T V_I i_I(t) dt = \frac{V_I}{T} \left(\int_0^{t_{on}} i_I(t) dt \right) = V_I I_I$$

$P_I > 0$

Funcionamento no 1º quadrante $I_I > 0$
Fonte V_I fornece energia

com

$I_M > 0$ e $I_m > 0$ ou $I_M > 0$ e $I_m < 0$

Controlo de velocidade e arranque de um MCC

$P_I < 0$

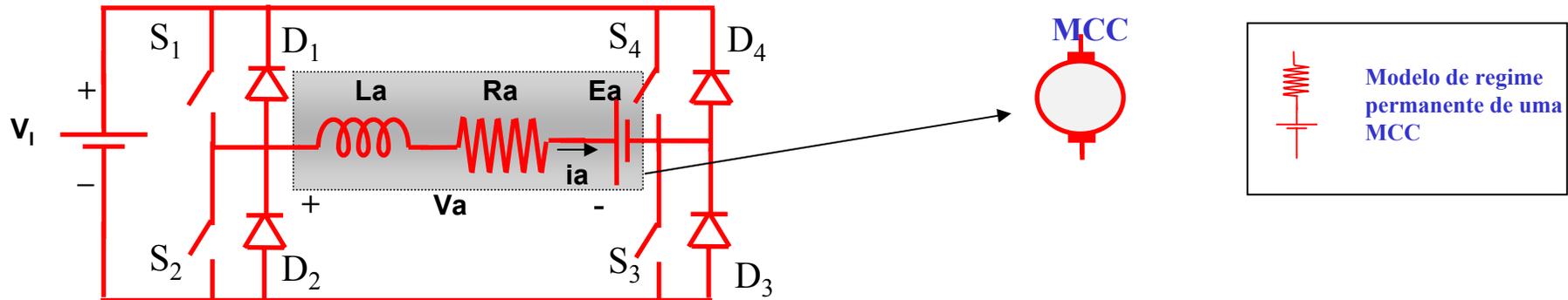
Funcionamento no 2º quadrante $I_I < 0$
Fonte V_I recebe energia

com

$I_M > 0$ e $I_m < 0$ ou $I_M < 0$ e $I_m < 0$

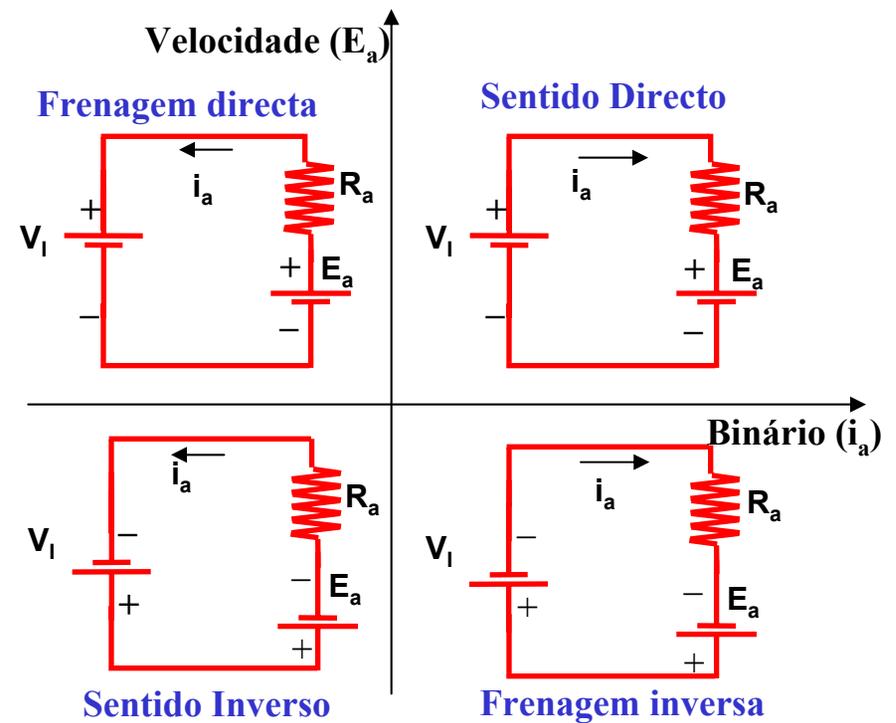
Frenagem regenerativa de um MCC

Conversor redutor de quatro quadrantes com carga RLE

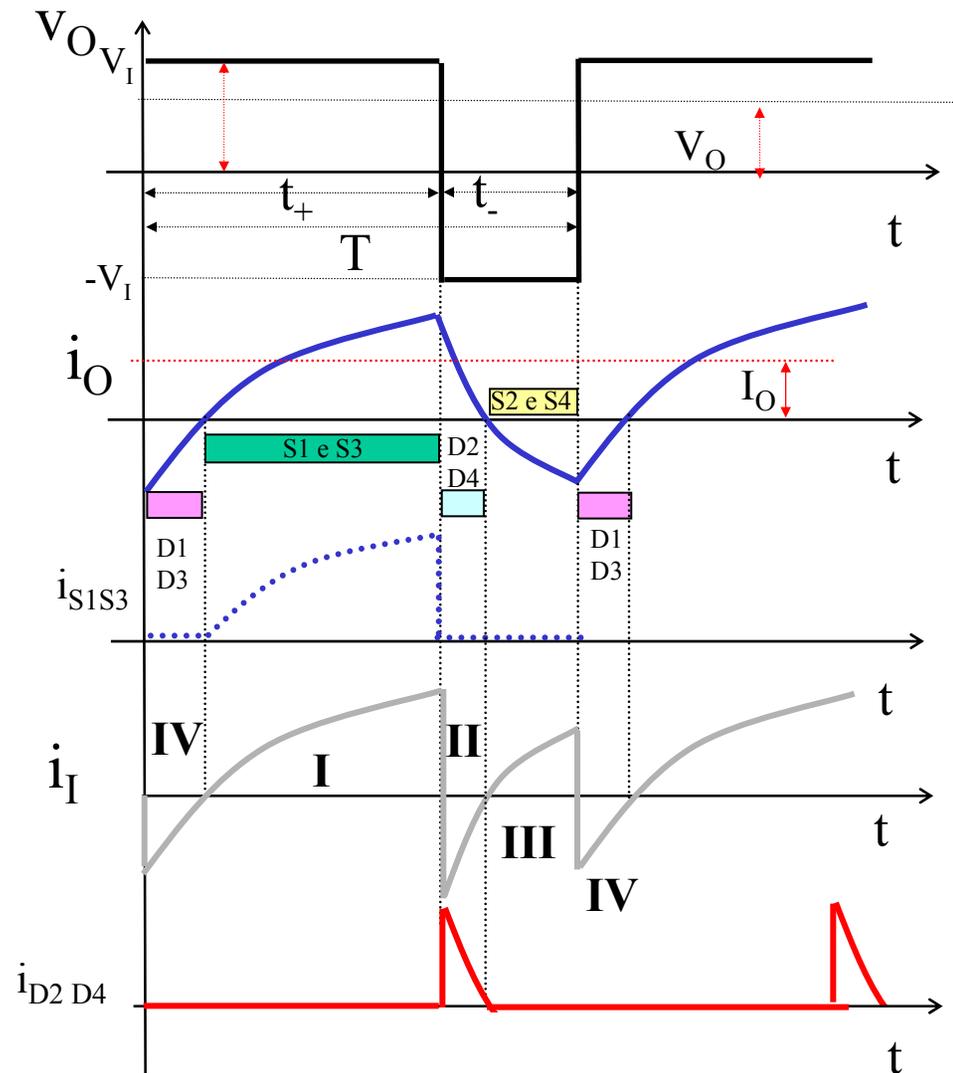
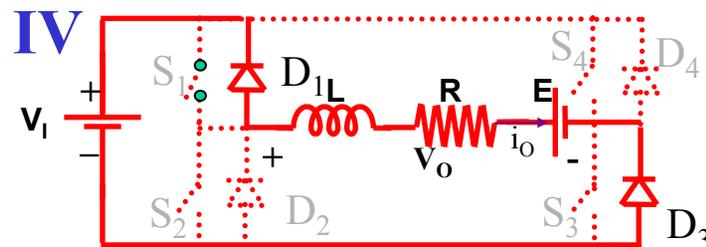
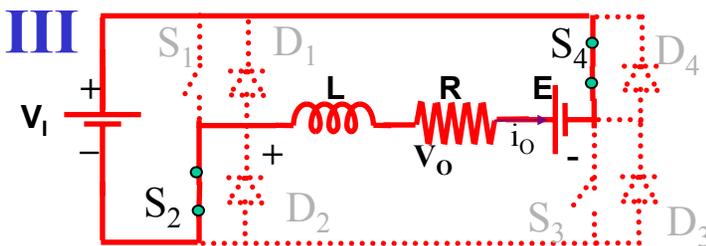
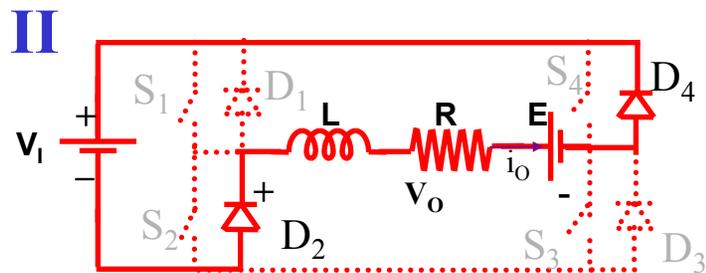
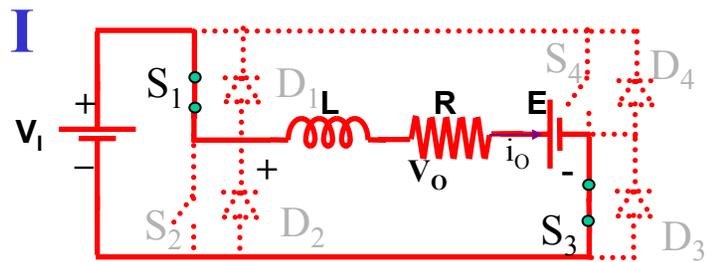


A operação nos quatro quadrantes permite o controlo de velocidade de um motor de corrente contínua:

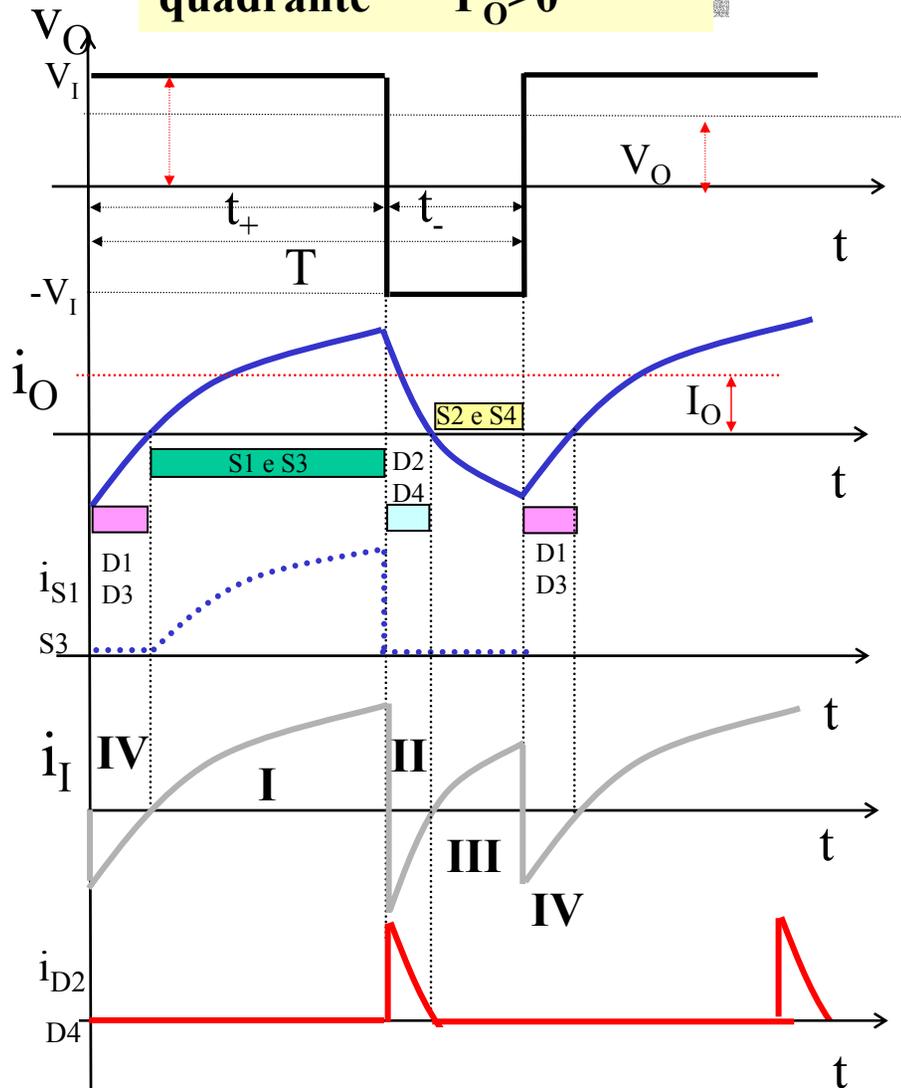
- Arranque
- Regulação de velocidade
- Frenagem regenerativa
- Inversão do sentido de rotação



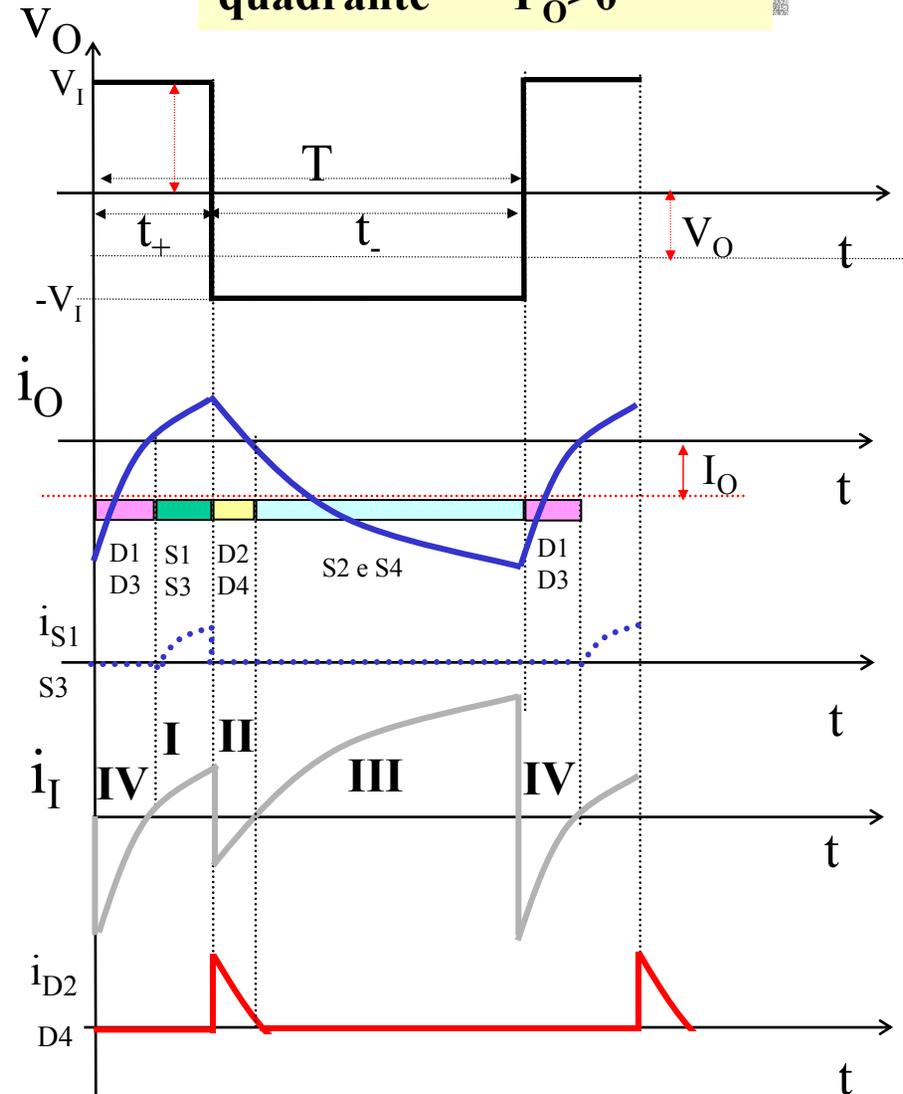
Conversor redutor de quatro quadrantes com carga RLE



Funcionamento no 1º quadrante $P_o > 0$



Funcionamento no 3º quadrante $P_o > 0$



Valor médio da tensão na carga

$$V_O = \frac{1}{T_S} \int_0^{T_S} v_O(t) dt = \frac{1}{T_S} \left(\int_0^{t_+} V_I dt + \int_{t_+}^{T_S} -V_I dt \right) = \left(2 \frac{t_+}{T} - 1 \right) V_I = (2D - 1) V_I$$

Valor eficaz da tensão na carga = V_I

Valor médio da corrente na carga

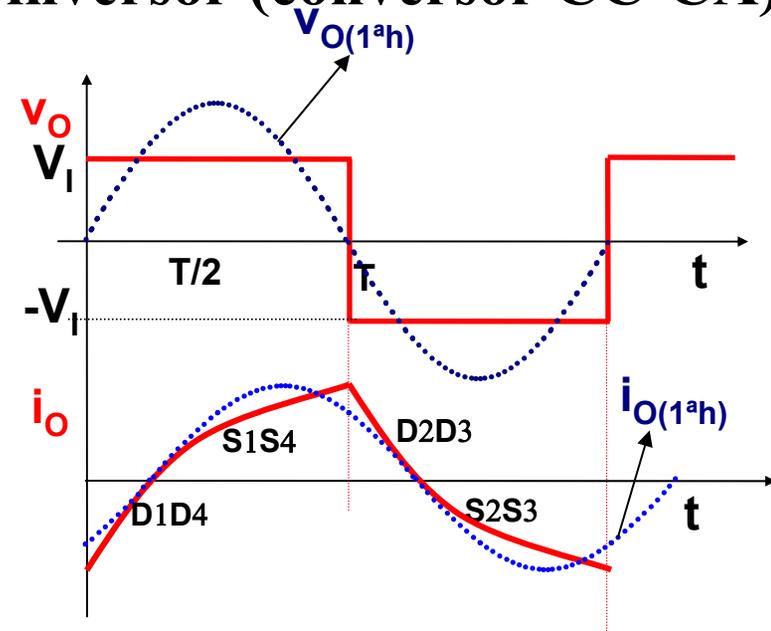
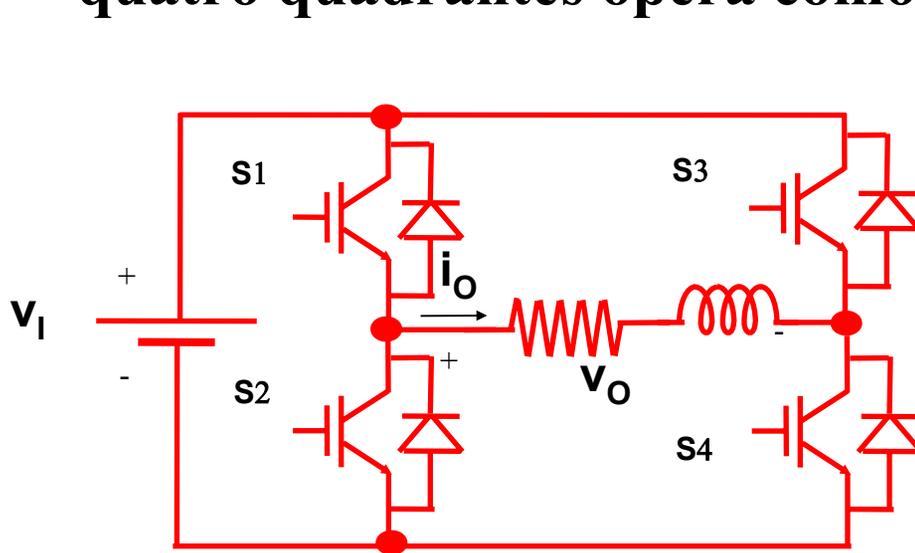
$$I_O = \frac{V_O - E}{R}$$

Valor eficaz da corrente na carga

$$I_{Oef} = \left[\frac{1}{T} \int_0^T i_O(t)^2 dt \right]^{\frac{1}{2}} = \left[\frac{1}{T} \left(\int_0^{t_+} i_{O1}^2 dt + \int_{t_+}^T i_{O2}^2 dt \right) \right]^{\frac{1}{2}}$$

$$i_{O1} = A e^{-\frac{R}{L}t} + \frac{V_I - E}{R}$$
$$i_{O2} = B e^{-\frac{R}{L}(t-t_+)} + \frac{-V_I - E}{R}$$

Quando o factor de ciclo é 50% o conversor redutor de quatro quadrantes opera como um inversor (conversor CC-CA)



Os valores médios da tensão e da corrente de saída são neste caso nulos

$$v_O = \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos n\omega t + \sum_{n=1}^{\infty} b_n \sin n\omega t$$

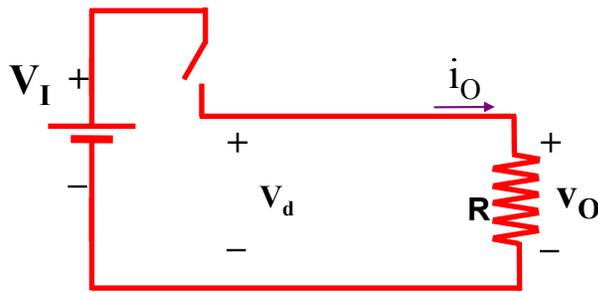
$$i_O = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_n}{Z_n} \cos(n\omega t + \phi_n) + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{b_n}{Z_n} \sin(n\omega t + \phi_n)$$

com

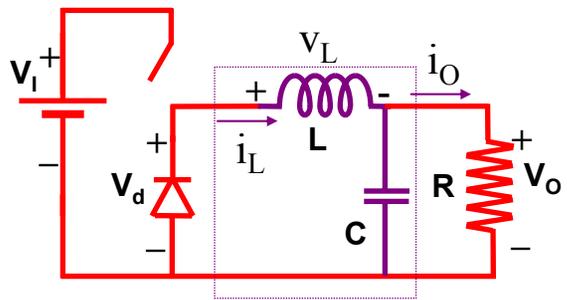
$$Z_n = \sqrt{R^2 + (n\omega L)^2}$$

$$\phi_n = \tan^{-1} \frac{n\omega L}{R}$$

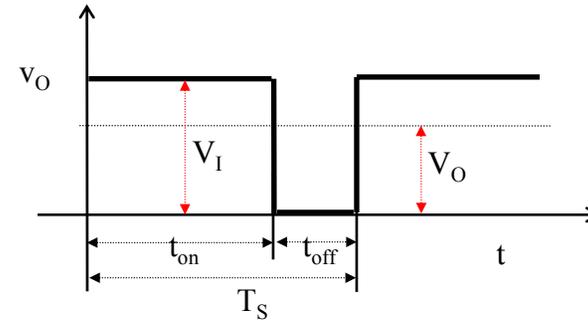
CONVERSOR REDUTOR ("step down" ou "buck")



↓ filtro LC

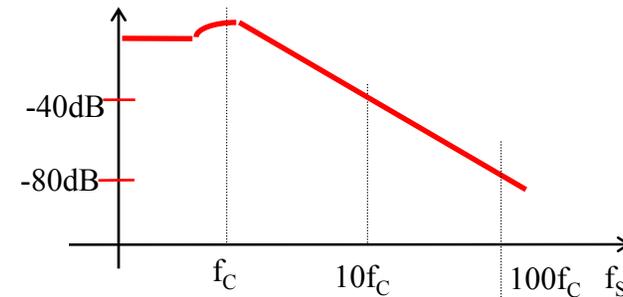
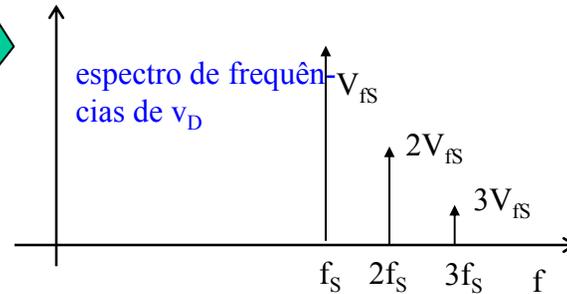


Característica do filtro LC:
 $f_c \ll \ll f_s$ para eliminar o ruído de comutação na tensão de saída



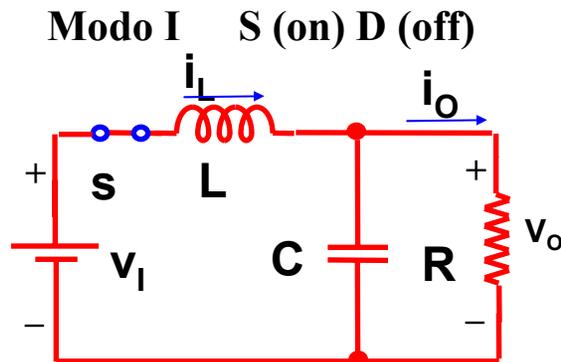
$$D = \frac{t_{on}}{T_s} = \frac{V_O}{V_I}$$

$$v_o = V_O + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos n\omega t + \sum_{n=1}^{\infty} b_n \sin n\omega t$$



MODO DE CONDUÇÃO CONTÍNUA (MCC)

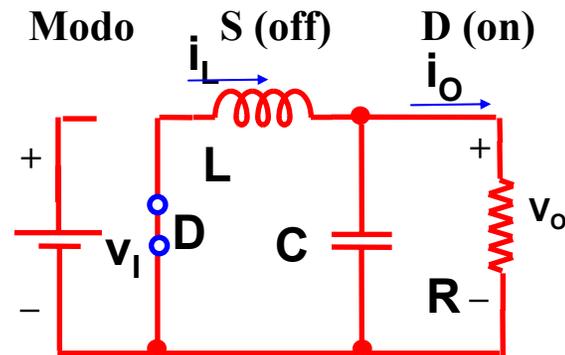
$$i_L(t) > 0$$



$$0 < t < DT$$

$$v_L = V_I - V_O$$

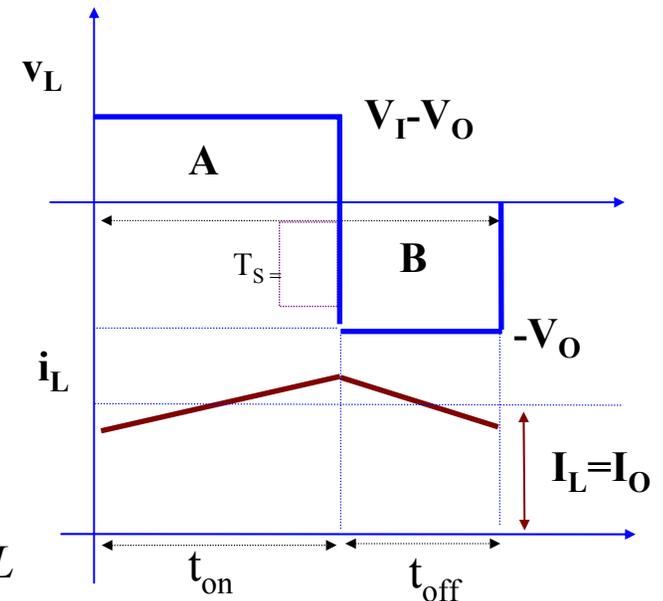
$$i_L = I_{L1} + (V_I - V_O)t / L$$



$$DT < t < T$$

$$v_L = -V_O$$

$$i_L = I_{L2} + (-V_O)(t - t_{on}) / L$$



Em regime permanente tem-se : V_L (valor médio) = 0 A=B

$$\int_0^{T_S} v_L(t) dt = \int_0^{t_{on}} v_L dt + \int_{t_{on}}^{T_S} v_L dt = 0$$

$$(V_I - V_O)t_{on} = (V_O)(T_S - t_{on})$$



$$D = \frac{t_{on}}{T_S} = \frac{V_O}{V_I}$$

Potência de entrada e potência de saída

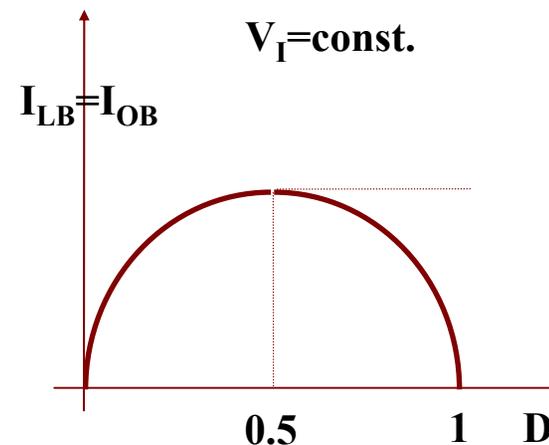
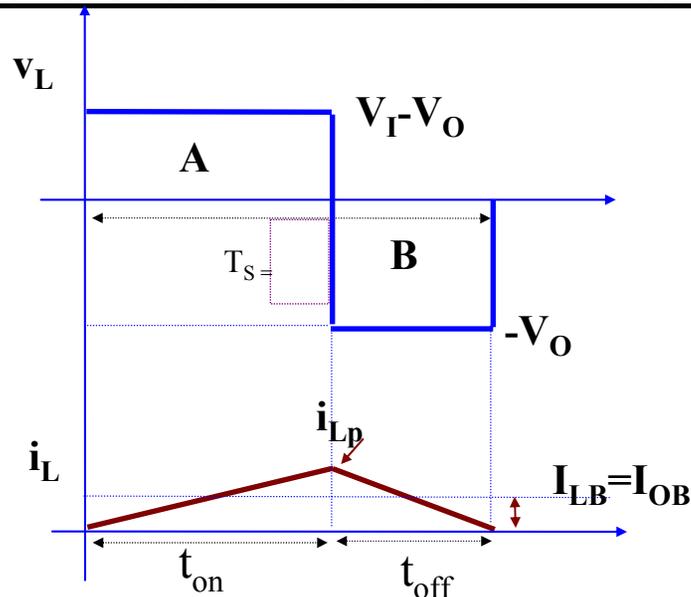
Num conversor ideal a potência de perdas é nula $P_p=0$

$$P_i = P_o$$

$$V_i I_i = V_o I_o$$

$$V_o/V_i = I_i/I_o = D$$

Fronteira entre os modos de condução contínua e descontínua:



Na fronteira o valor médio de $i_L(t) = I_{LB} = 1/T \cdot 1/2 \cdot i_{LP} \cdot T$

$$i_{LP} = (V_I - V_O) / L \cdot t_{on}$$

$$I_{LB} = \frac{1}{2} i_{LP} = \frac{t_{on}}{2L} (V_I - V_O) = \frac{DT}{2L} (V_I - V_O) = I_{OB}$$

$$I_{LB} = \frac{DT}{2L} (1 - D) V_I = I_{OB}$$

Se o valor médio de $i_L(t)$ se tornar menor que I_{LB} o funcionamento torna-se descontínuo

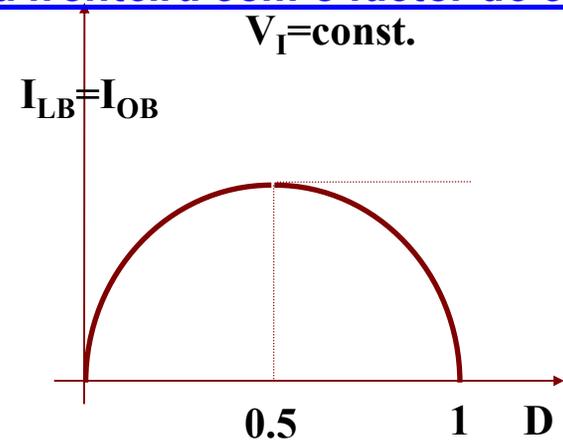
Variação do valor médio da corrente da bobine na fronteira com o factor de ciclo D

$$I_{LB} = \frac{DT}{2L}(1-D)V_I = I_{OB}$$

$$I_{LB} = 4I_{LB\max}D(1-D) \quad I_{LB} = I_{OB}$$

$$D=0,5$$

$$I_{LB\max} = \frac{TV_I}{8L}$$



Variação do valor médio de i_L em função de D

Operação no modo de condução descontinuo

Cálculo de V_O/V_I :

$$(V_I - V_O)DT_S + (-V_O)\Delta_1 T_S = 0 \Rightarrow \frac{V_O}{V_I} = \frac{D}{D + \Delta_1}$$

$$i_{LP} = V_O/L \cdot \Delta_1 T_S$$

$$\text{com } D + \Delta_1 < 1$$

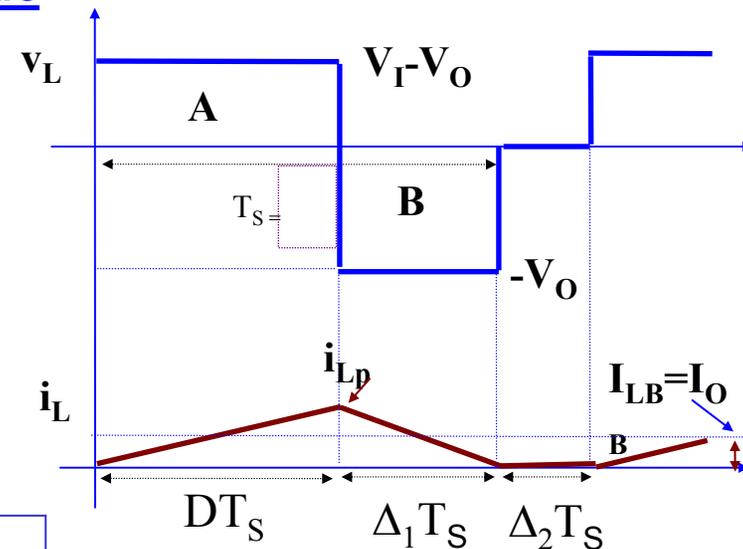
$$I_O = \frac{D + \Delta_1}{2} i_{LP} = \frac{V_O T_S}{2L} (D + \Delta_1) \Delta_1$$

$$I_O = \frac{V_I T_S}{2L} (D \Delta_1) = 4I_{LB\max} D \Delta_1$$

donde $\Delta_1 = \frac{I_O}{4I_{LB\max} D}$ pelo que \Rightarrow

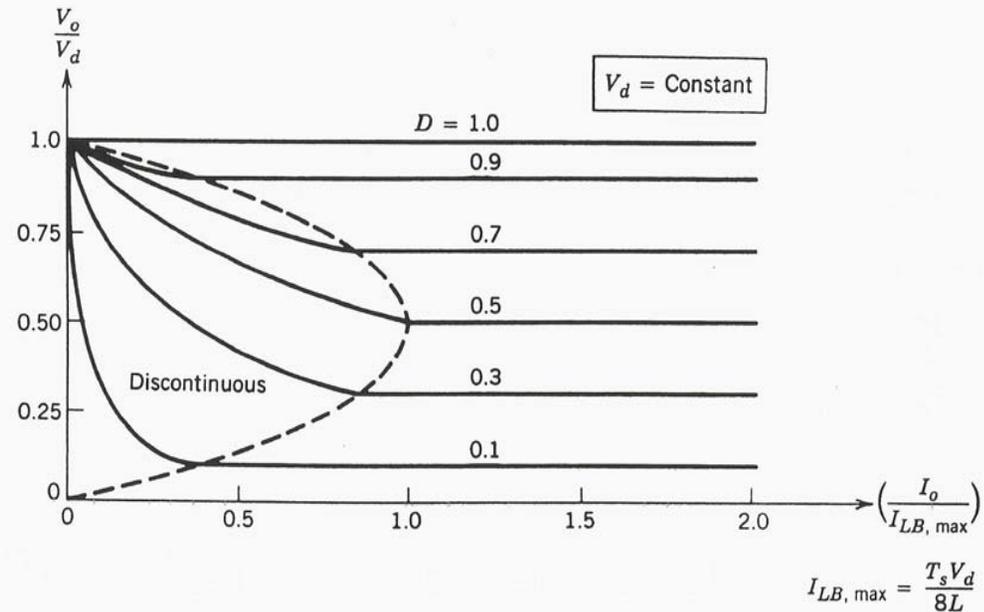
$$\frac{V_O}{V_I} = \frac{D^2}{D^2 + \frac{I_O}{4I_{LB\max}}}$$

Dependente da carga

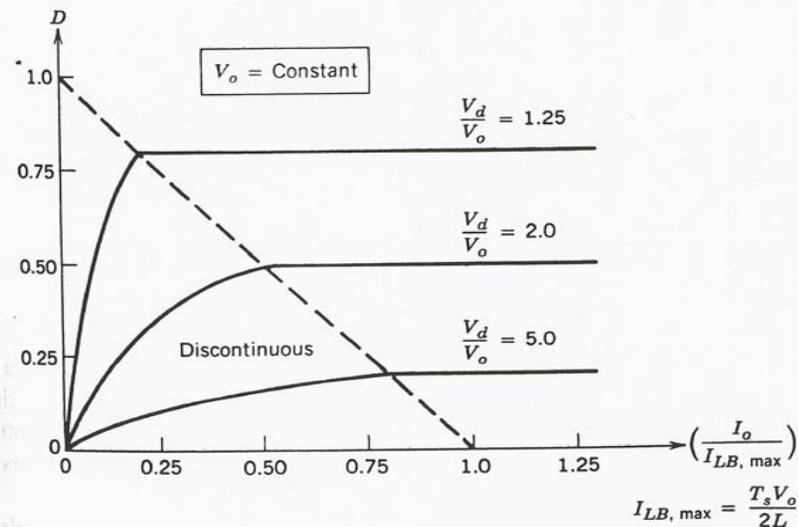


Curvas características: $V_o/V_i (I_o/I_{LB, max})$

TENSÃO DE ENTRADA CONSTANTE



TENSÃO DE SAÍDA CONSTANTE



Distorção da tensão de saída:

$$\Delta I_L = \frac{V_I - V_O}{L} DT$$

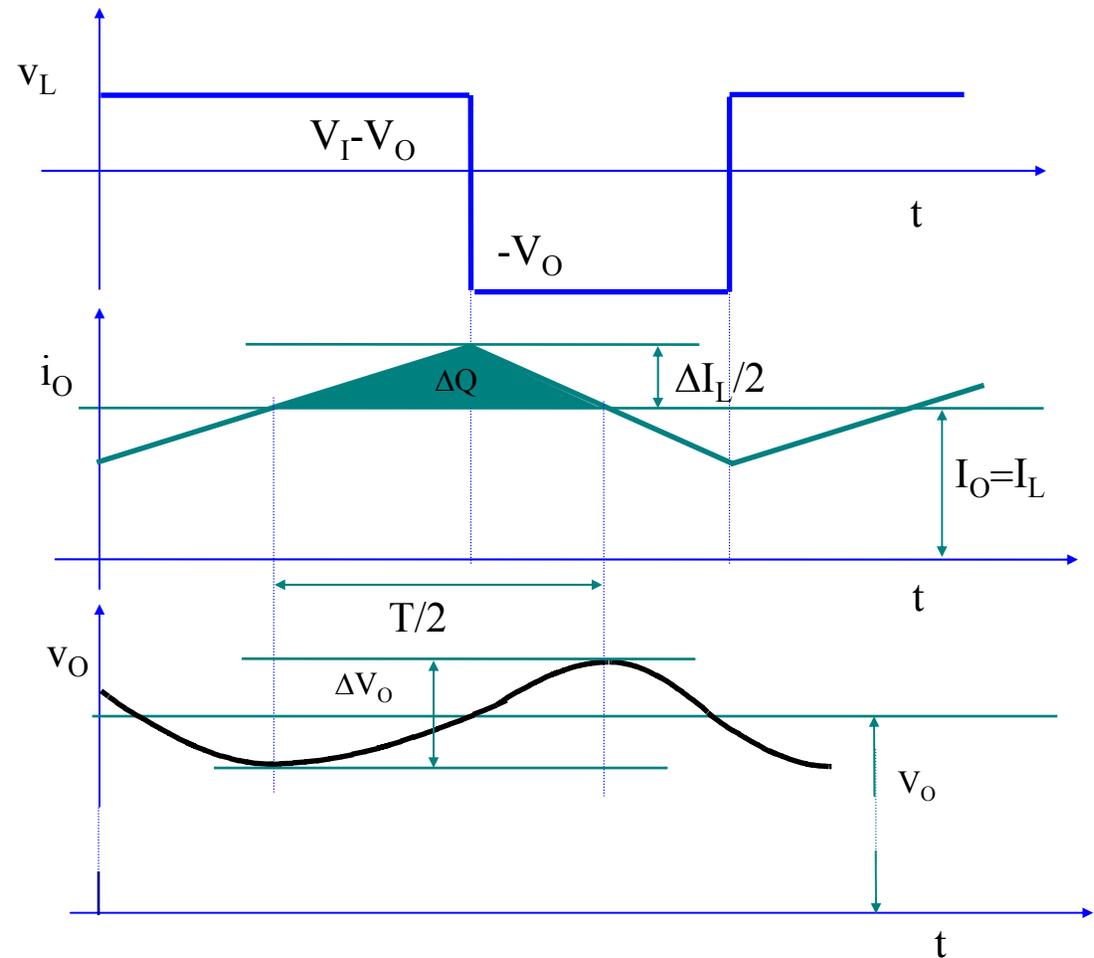
$$\Delta V_O = \frac{\Delta Q}{C} = \frac{1}{C} \frac{1}{2} \frac{\Delta I_L}{2} \frac{T_S}{2}$$

$$\frac{\Delta V_O}{V_O} = \frac{T_S^2 (1-D)}{8 LC} = \frac{\pi^2}{2} (1-D) \left(\frac{f_c}{f_s} \right)^2$$

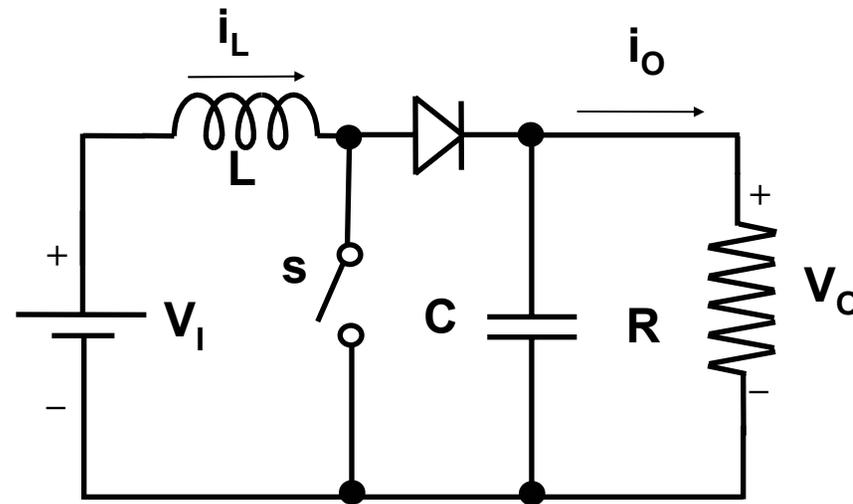
expressão válida para para $f_c \ll f_s$
 $\Delta V_O / V_O < 1\%$

frequência de operação $f = \frac{1}{T}$

frequência de corte do filtro $f_c = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$



CONVERSOR AMPLIADOR (“step up” ou “boost”)



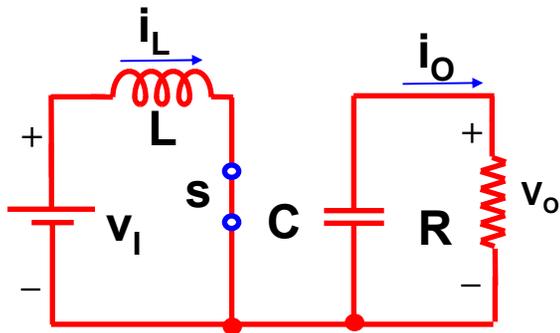
$$\frac{V_O}{V_I} = \frac{1}{1-D}$$

Tensão de saída sempre maior que a tensão de entrada

MODO DE CONDUÇÃO CONTÍNUA (MCC)

$$i_L(t) > 0$$

Modo I S (on) D (off)

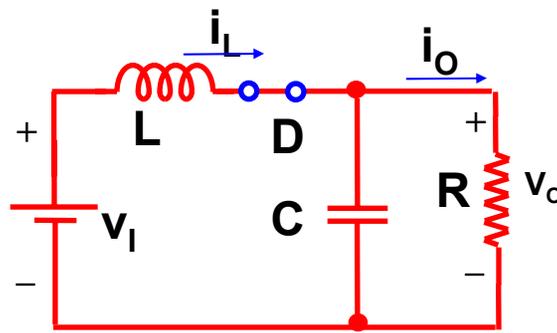


$$0 < t < DT$$

$$v_L = V_I$$

$$i_L = I_{L1} + (V_I)t / L$$

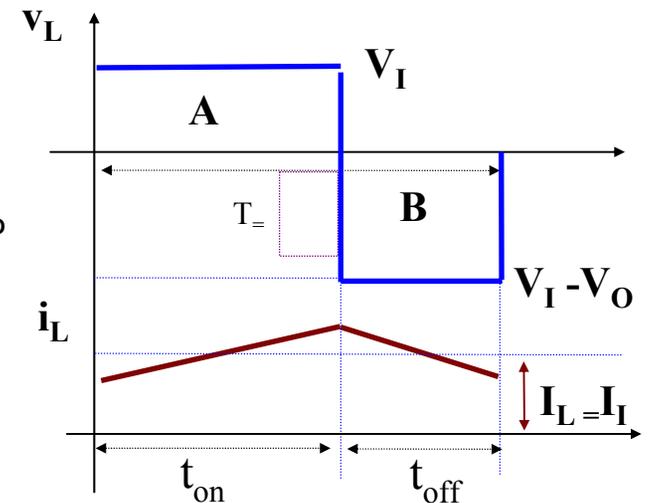
Modo II S (off) D (on)



$$DT < t < T$$

$$v_L = V_I - V_O$$

$$i_L = I_{L2} + (V_I - V_O)(t - t_{on}) / L$$



Em regime permanente tem-se:

$$V_L \text{ (valor médio)} = 0 \quad A=B$$

$$\int_0^T v_L(t) dt = \int_0^{t_{on}} V_I dt + \int_{t_{on}}^T (V_I - V_O) dt = 0$$

$$V_I t_{on} + (V_I - V_O) t_{off} = 0$$



$$\frac{V_O}{V_I} = \frac{T}{t_{off}} = \frac{1}{1-D}$$

$$\frac{I_O}{I_I} = 1 - D$$

Potência de entrada e potência de saída

Num conversor ideal a potência de perdas é nula $P_p=0$

$$P_i = P_o$$

$$V_i I_i = V_o I_o$$

$$V_o/V_i = I_i/I_o = 1/(1-D)$$

Fronteira entre os modos de condução contínua e descontínua:

Na fronteira o valor médio de $i_L(t) = I_{LB} = 1/T \cdot 1/2 \cdot i_{LP} \cdot T$
 $i_{LP} = V/L \cdot t_{on}$

$$I_{LB} = \frac{1}{2} i_{LP} = \frac{t_{on}}{2L} (V_i) = \frac{V_o T_s}{2L} D(1-D) = I_{IB}$$

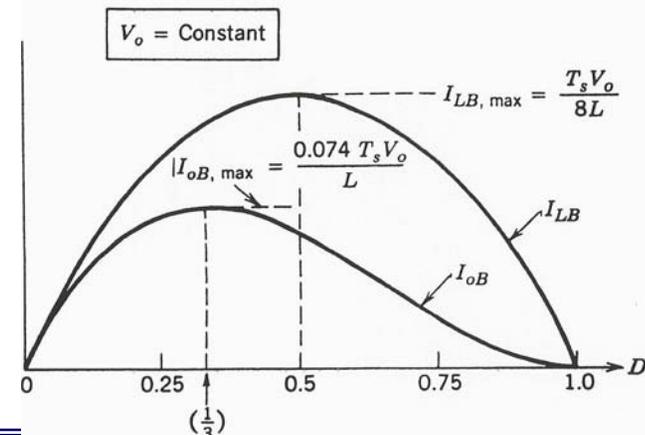
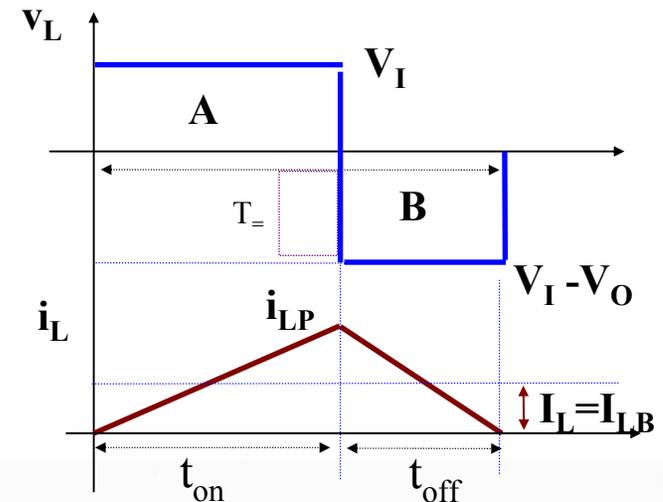
$$i_i = i_L \Rightarrow I_o/I_i = 1-D \Rightarrow I_{OB} = (1-D)I_{IB}$$

$$\bar{I}_{OB} = T_s V_o / (2L) D(1-D)^2$$

$$\bar{I}_{LBmax} = T_s V_o / (8L)$$

$$\bar{I}_{OBmax} = 2/27 \cdot T_s \cdot V_o / L = 0.074 T_s \cdot V_o / L$$

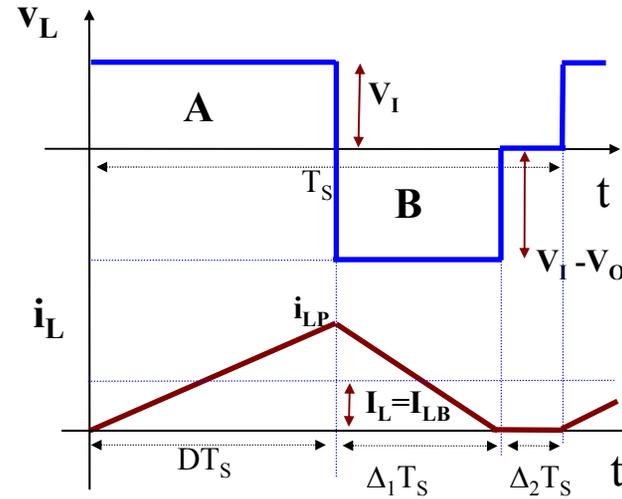
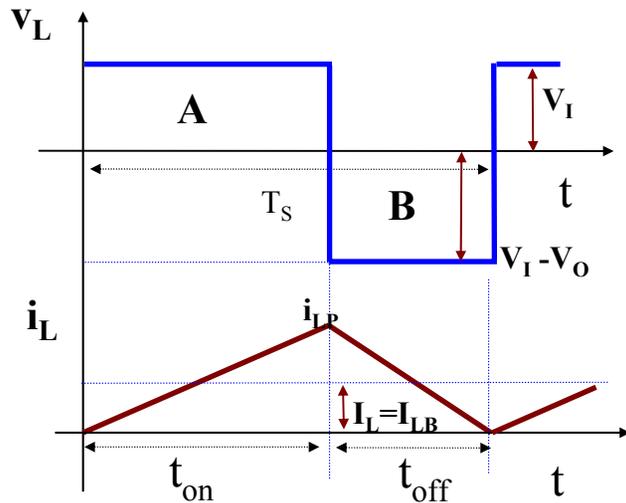
Se o valor médio de $i_L(t)$ se tornar menor que I_{LB} o funcionamento torna-se descontínuo



- Operação no modo de condução descontínua

V_I e D constantes

P_O diminui »»»» I_O diminui »»»» I_L diminui



$$v_L = V_I D T_S + (V_I - V_O) \Delta_1 T_S = 0 \quad \longrightarrow \quad \frac{V_O}{V_I} = \frac{(\Delta_1 + D)}{\Delta_1}$$

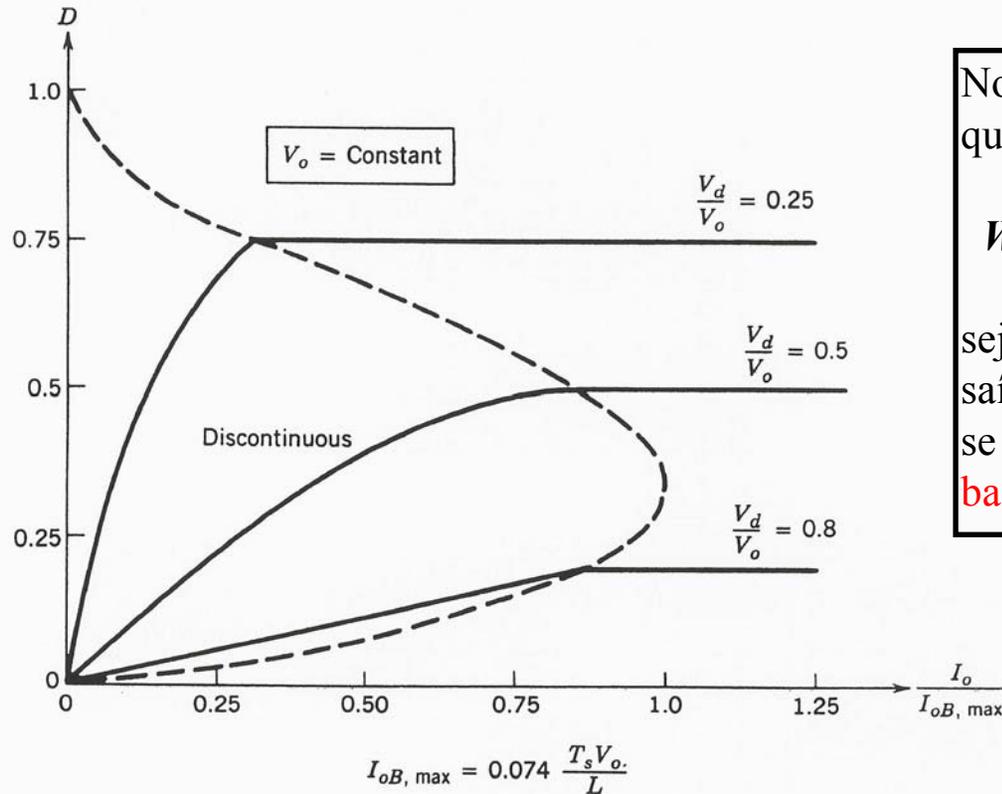
como $P_O = P_I$ fica $\frac{I_O}{I_I} = \frac{\Delta_1}{(\Delta_1 + D)}$

como $I_I = \frac{V_I}{2L} D T_S (D + \Delta_1)$ fica $I_O = \frac{V_I T_S}{2L} D \Delta_1$

- Curvas características a V_O constante

$$D = \left[\frac{4 V_O}{27 V_I} \left(\frac{V_O}{V_I} - 1 \right) \frac{I_O}{I_{OB \max}} \right]^{\frac{1}{2}}$$

(D varia em função de V_I para manter V_O constante)



No mcd se V_O não for controlado por forma a que pelo menos a energia

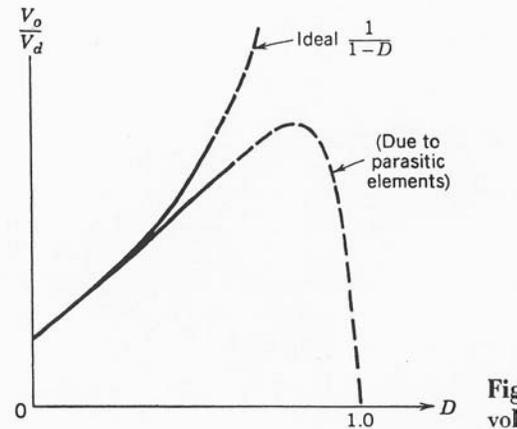
$$W_m = 1/2 \cdot L \cdot i_{L \text{ pico}}^2 = (V_I \cdot D \cdot T_S)^2 / (2 \cdot L)$$

seja transferida da entrada para o condensador de saída e absorvida pela carga, V_O aumentará até se estabelecer o balanço energético. (Com cargas baixas V_O pode aumentar perigosamente.)



efeito de elementos parasitas na tensão de saída

- perdas na bobine
- perdas no condensador
- perdas no transistor
- perdas no diodo



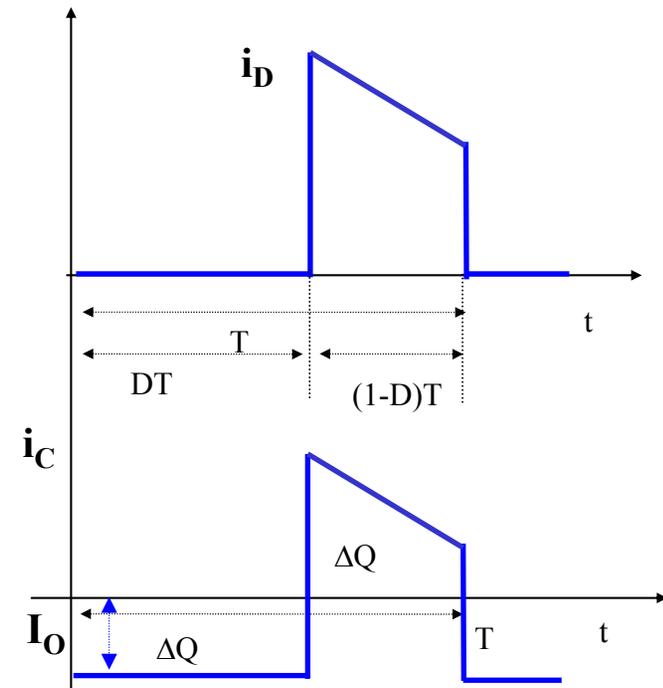
distorção na tensão de saída

(dimensionamento do filtro RC)

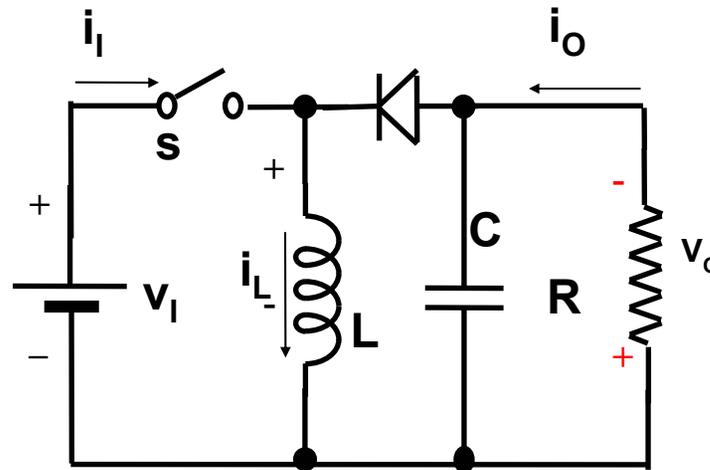
$\Delta Q =$ Carga do condensador $I_o =$ constante

$$\Delta V_o = \frac{\Delta Q}{C} = \frac{I_o D T_s}{C} = \frac{V_o}{R} \frac{D T_s}{C}$$

$$\frac{\Delta V_o}{V_o} = \frac{D T_s}{R C} = D \frac{T_s}{\tau}$$



CONVERSOR REDUTOR - AMPLIADOR ("buck-boost")

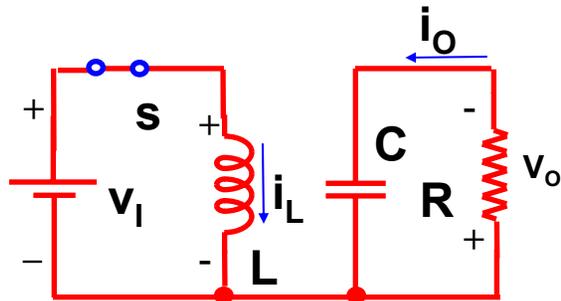


$$\frac{V_O}{V_I} = -\frac{D}{1-D}$$

Tensão de saída sempre maior ou menor que a tensão de entrada, com polaridade inversa

MODO DE CONDUÇÃO CONTÍNUA (MCC) $i_L(t) > 0$

Modo I S (on) D (off)

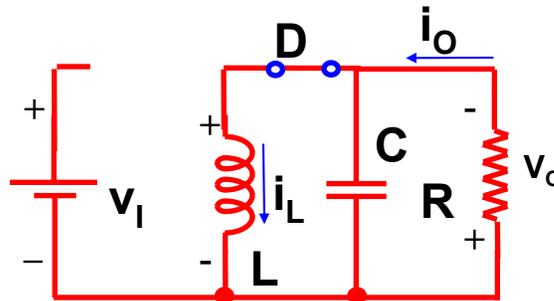


$$0 < t < DT$$

$$v_L = V_I$$

$$i_L = I_{L1} + (V_I)t / L$$

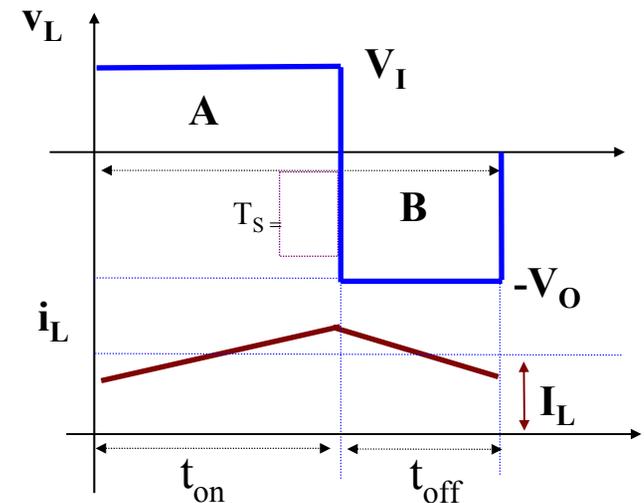
Modo II S (off) D (on)



$$DT < t < T$$

$$v_L = -V_O$$

$$i_L = I_{L2} + (-V_O)(t - t_{on}) / L$$



Em regime permanente tem-se : V_L (valor médio)=0 $A=B$

$$\int_0^{T_s} v_L(t) dt = \int_0^{t_{on}} V_I dt + \int_{t_{on}}^T -V_O dt = 0$$

$$V_I t_{on} + (-V_O) t_{off} = 0$$



$$\frac{V_O}{V_I} = -\frac{D}{1-D}$$

Potência de entrada e potência de saída

Num conversor ideal a potência de perdas é nula $P_p=0$

$$P_i = P_o$$

$$V_i I_i = V_o I_o$$

$$V_o/V_i = I_i/I_o = D/(1-D)$$

Fronteira entre os modos de condução contínua e descontínua

$$I_{LB} = \frac{1}{2} i_{LP} = \frac{t_{on}}{2L} (V_i) = \frac{V_i T}{2L} D = \frac{V_o T}{2L} (1-D)$$

$$I_o = I_L - I_i$$

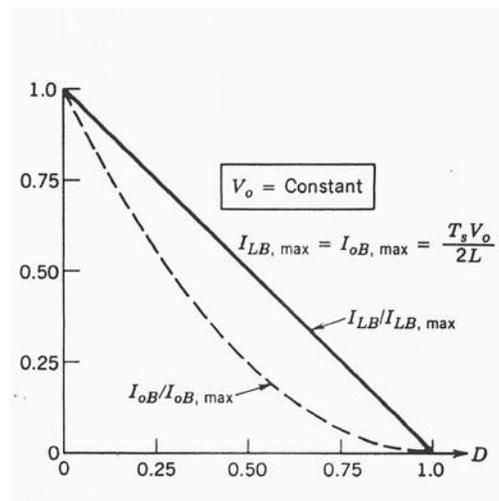
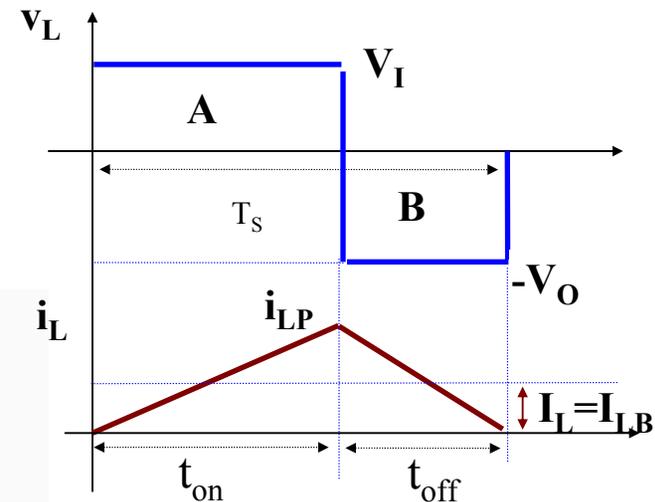
$$I_{OB} = \frac{V_o T}{2L} (1-D)^2$$

$$I_{LB\max} = \frac{V_i T}{2L}$$

$$I_{LB} = I_{LB\max} (1-D)$$

$$I_{OB\max} = \frac{V_i T}{2L}$$

$$I_{OB} = I_{OB\max} (1-D)^2$$



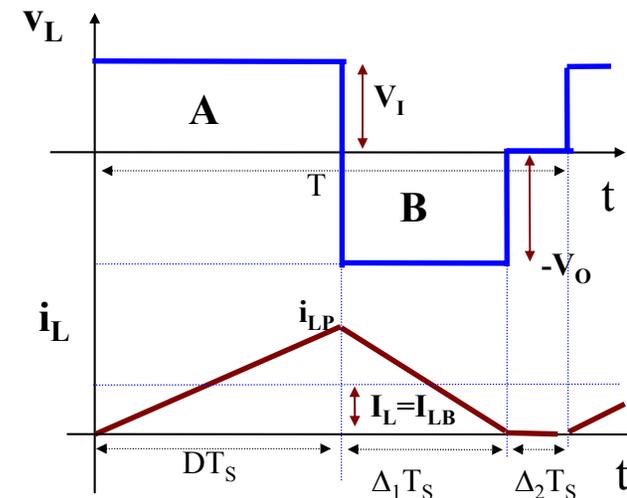
modo de condução descontinua

$$V_I DT + (-V_O) \Delta_1 T = 0$$

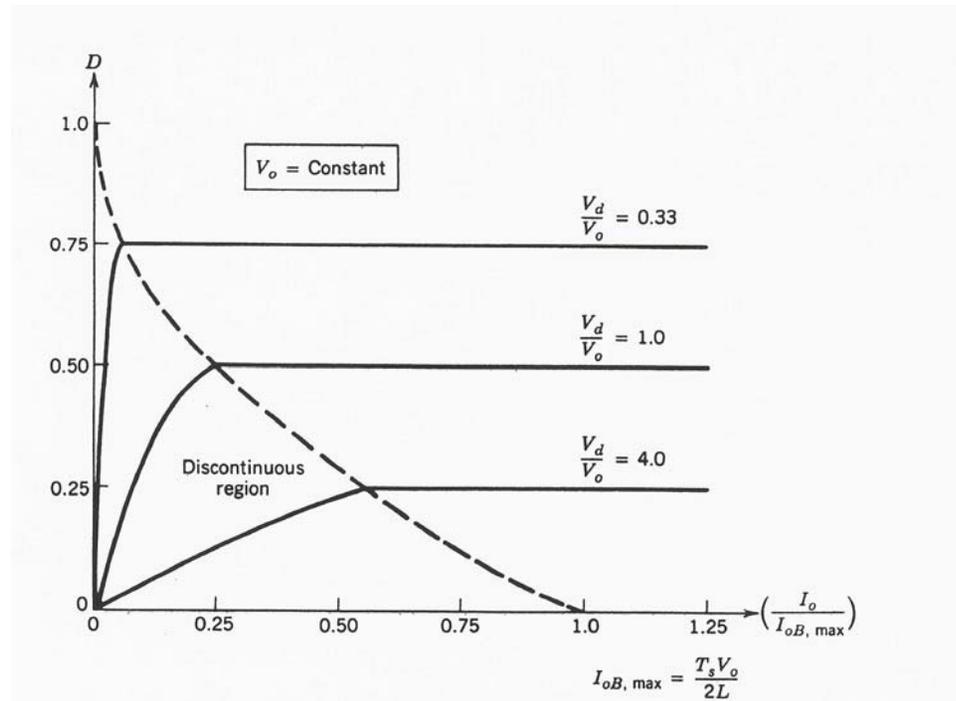
$$\frac{V_O}{V_I} = \frac{D}{\Delta_1}$$

$$\frac{I_O}{I_I} = \frac{\Delta_1}{D} \quad \text{pois } P_I = P_O$$

$$I_L = \frac{V_I T}{2L} D(D - \Delta_1)$$

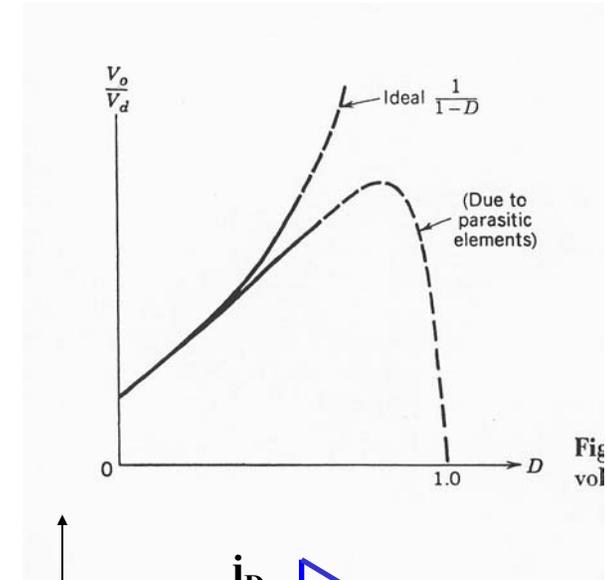


curvas características a V_o constante



efeito de elementos parasitas na tensão de saída

- impacto sobre a relação de conversão
- estabilidade na realimentação
 - factores de ciclo elevados impraticáveis



distorção na tensão de saída

(dimensionamento do filtro LC)

$Q =$ Carga do condensador; $I_o =$ constante

$$\Delta V_o = \frac{\Delta Q}{C} = \frac{I_o DT}{C} = \frac{V_o}{R} \frac{DT}{C}$$

$$\frac{\Delta V_o}{V_o} = \frac{DT}{RC} = D \frac{T}{\tau}$$

